

**فعالية استخدام قطع دينز والعرض
بالكمبيوتر في تنمية التحصيل والتفكير
الرياضي لدى التلاميذ بطبيئي التعلم بالمرحلة
الابتدائية**

د/ حنفي إسماعيل محمد
أستاذ مساعد المناهج وطرق تدريس الرياضيات
كلية التربية بقنا – جامعة جنوب الوادي

**فاعلية استخدام قطع ميدلز والعرف بالكمبيوتر في تدريس التessel و التفكير الرياضي
للمتلقية بطرق التعلم بالمرحلة الابتدائية**
إعداد: د. حفيظ إسماعيل محمد *

مقدمة:

تعد الرياضيات من الدوام الأساسية لأى تعلم علمي، فالإمام بالمفاهيم والمهارات الرياضية وتطبيقاتها أصبح لمنه ضرورةً لتفضيه حياته المعاصرة بما صحها من تعلم علمي وتقنيولوجى، لذا فلين تدريس الرياضيات لمنه لازماً في كافة البرامج الدراسية، وذلك من خلال مقررات تتبع وتحتوى على حلقات المتقطعين ومجالات تخصصهم ومستويات تفكيرهم.

وتتميز الرياضيات كعلم بمستوى عالٍ من التهديد، لاعتبارها على لغة الرموز والمصطلحات لمنه يواجه التلاميذ بعض الصعوبات عند تعلمهها، وعلاج هذه الصعوبات أمر في غاية الأهمية، قلم بعد تدريس الرياضيات منصباً على ما الذي يجب أن تدرسه من الرياضيات، بل أصبح الاهتمام موجوداً ليضطر إلى كيفية استخدام استراتيجيات وأساليب تدريس تتلخص مستوى التعلم العقلي الذي يمر به المتقطع في مرحلة نمو المختلفة.

ويهدف تعليم الرياضيات في المرحلة الابتدائية إلى تزويد التلاميذ بالمضامون الرياضي وتنمية المهارات الرياضية ومهارات التفكير والاستدلال التي يحتاجون إليها في معالجة المشكلات الواقعية في حياتهم. ولكن رغم المحاولات التي تبذل لتحقيق هذا الهدف إلا أن بعض التلاميذ لا يتعلمون الكثير من المادة التي يتوقع منها متوجه الرياضيات تعلمهها، فإذا كان المتوجه يرتكب خطأً في استيعاب المفاهيم الرياضية فإن هذا الاستيوع ليس بالحصيلة النهائية، وإنما تكاد المتعارض على بعض المهارات الرياضية التي تقوم على التدريب وحل التمارينات في التلاميذ كثيراً ما يعتذرون على طريق خاطئة لم يستهدفها التدريس.

ويرجع سبب ذلك في كثير من الأحيان إلى تباين التلاميذ فيما بينهم في معدلات السرعة التي يصلون بها إلى التمكن من المفاهيم والمهارات والمبدئي الرياضي لاختلاف مستويات تفكيرهم، حيث يواجه البعض منهم صعوبة بالغة في تعلم الرياضيات بالسرعة التي يقدمها بها المعلم وذلك نتيجة بطءهم في التعلم والتخلص من مستوى فتراتهم العقلية العامة ومستوى تحصيلهم عن مستوى زملائهم في الفصل، بالإضافة إلى أن معظم معلمى الرياضيات يدعون دروسهم وينفذونها بناءً على المستوى المتوسط للتلاميذهم غالباً، ونتيجة لذلك فين المعلمون يهملون فئة التلاميذ بطؤن التعلم Slow Learners مما يجعل دون تعلمهم والاستفادة من دروس الرياضيات بشكل مناسب، وعدم الاهتمام بهم يمثل فلاداً تعليمياً مؤثراً يعيق تحقيق مبدأ تكافؤ الفرنس التعليمية.

لذا يرى (فريدرك بى، ١٩٩٧: ٢١١) أنه يجب ألا تُعطي المدارس التعليم نفسه لكل التلاميذ، ولكنه يجب أن تُعطي كل تلميذ الفرصة ليتعلم بأقدر الإمكان طبقاً لمعدل تعلمه، ففي تدريس الرياضيات لا نستطيع أن ننقل حلقات التلاميذ بطؤن التعلم ومتطلباتهم.

* استاذ مساعد المناهج وطرق تدريس الرياضيات بكلية التربية بقنا - جامعة جنوب الوادي.

مشكلة الدراسة:

تعليم التلاميذ بطريق النظم يمثل أحدى المشكلات الهامة التي تواجهه معظم مطوري المواد الدراسية ومنها الرياضيات، ويستطيع كل من يمارس مهنة التعليم أن يقدر وجود هذه المشكلة في كل فصل تدريسي، حيث تتراوح نسبتهم ما بين (٢٠ - ٣٠ %) وهم يحتاجون إلى مساعدة خاصة لبعض الوقت أثناء تدريسهم المدرس في بعض مجالات النظم (ابراهيم الزهيري، ١٩٩٨؛ عاصم روافرول، محمد يوسف، ٢٠٠١). (Child, 2003).

هذا وينتلق بطريق النظم فيما يبتغيه في تخلص مستوى الذكاء والتحصيل في الرياضيات وقراءة مصطلحاتها، حيث يجد عليهم نوع من الضمور الرياضي أو التمو المقدى، كما أنهما يواجهون مسؤوليات معرفية كثيرة تحول دون تطبيقهم للرياضيات لضعف قدرتهم على استيعاب الأفكار والرموز وتطبيق القواعد والقوانين، لأنهم يميلون إلى حفظ الآليات والقوانين أكثر من محلولتهم للفهم، وعدم معرفتهم بالمهارات المعرفية المناسبة للمهارات الجديدة، وغير قادرين على تحويل المفاهيم والحقائق والمهارات الرياضية التي تعلموها في موقف ما إلى موقف جديد أقل الله بالنسبة لهم، ولذا فهو لا يدركون المطلوب منهم عمله عند حلهم المسائل والتمارين، بالإضافة إلى عدم معرفتهم للعملية المناسبة للموقف التعليمي، لأنهم مشوشون في التفكير وطريقة العمل (وليم عبد وأخرين، ٢٠٠٤: ٣٠-٣١).

وإذا كان التلاميذ بطريق النظم في الرياضيات يتسمون بالخلافن نسبة ذكائهم ونسبة تحصيلهم الرياضي وقدراتهم على التفكير عن زملائهم العاديين وأن بعضهم لديه اتجاهات سلبية نحو الرياضيات، ويقتربون إلى القراءة على استيعاب المفاهيم والأساليب عندما يتم تقديمها وشرحها على نحو مجرد أو رمزي؛ إلا أنهم فئة قابلة للتعلم إذا توفرت لهم فرص التعلم حسب قدراتهم وبأنشطة محببة إليهم؛ فهم يستطعوا بطبع المهارات الأكاديمية العادية، وينتicipون مع زملائهم، وهم قادرون على أن يكونوا أعضاء ضمن جماعة المشاركون بإيجابية في نشاطاتها وفعاليتها، لذا فمن الضروري أن تهتم العملية التعليمية بقدراتهم على التعلم، واستيعابهم للمواد التعليمية (Child, 2003).

الأمر الذي يدعو إلى البحث عن مستراتيجيات وأساليب تعليم علاجية تساعد هؤلاء التلاميذ على اكتساب المفاهيم والمهارات والميادى الرياضية الازمة وتنمى لديهم التفكير الرياضي. من خلال مشاركتهم وتفاعلهم في أنشطة إيجابية باستخدام الوسائل التعليمية المناسبة في المواقف المختلفة.

حيث تلك نتائج نظريات (بياجيه Piaget، برونز Bruner، دينز Dienes) على أن تلاميذ المرحلة الابتدائية يرتبط تفكيرهم بمرحلة العمليات المنطقية المحسوسة، فجميع العمليات المنطقية الرياضية التي يقومون بها لا بد أن تتعقد على التمثيل المحسوس، ومن ثم قبل تدريس الرياضيات لهم يجب أن يعتمد على الأدوات والوسائل المحسوسة والعمل النشط. فلكي تتم عملية بناء المعرفة الرياضية في ذهن التلميذ بطريقة صحيحة ينبغي أن تنظم المادة الدراسية بشكل يسمح للتلميذ بتمثيلها، ومن ثم يستcken من فهمها واستيعابها. فلتلاميذ يمر بثلاثة مستويات لتمثيل المعرفة: التمثيل الحسي - Enactive Representation - التمثيل الرمزي (المجرد) Symbolic Representation - التمثيل شبه الحسي Iconic Representation . (حنفي إسماعيل، ٢٠٠٥: ١٦٦-١٧٧).

لذا ينبغي تقديم المحتوى التعليمي للرياضيات بصورة حسية، مع التأكيد على مشاركة التلاميذ بطيني التعلم في الأنشطة التعليمية، واستخدام الوسائل والبرمجيات التعليمية؛ فقد ورد في مبادئ ومستويات الرياضيات المدرسية (NCTM, 2000) - مبدأ التكنولوجيا Technology Principle - أن " التكنولوجيا تعتبر أساسية في تعليم وتعلم الرياضيات المدرسية وهي تعتبر عاملًا مساعدًا ومؤثراً في تعلمها وتعلم على تحسين قدرة المتعلم على التعلم عملاً، والرياضيات خاصة".

ولأهمية استخدام الكمبيوتر وتكنولوجيا البرمجيات، بات من الضروري طرح قضية استخدام أنماط التعليم والتعلم بالبرمجيات بصفة عامة، وبصفة خاصة أن تلك الأنماط على تعليم وتعلم الرياضيات تحصيلاً واتجاهًا وأداة لتنمية التفكير، وأسلوباً جديداً لتسريع التعلم (إبراهيم الفار، ٢٠٠١ ؛ زينب أمين، ٢٠٠٦). حيث أظهرت نتائج الدراسات، فعالية استخدام الكمبيوتر والبرمجيات في زيادة تحصيل الطلاب في موضوعات الرياضيات، بالإضافة إلى نمو مهارات التفكير الإبداعي ومهارات حل المشكلات الرياضية من خلال برامج المحاكاة والإنترنت وكذلك التحسن في اتجاهات الطلاب نحو الرياضيات (Berg,et al, 1997) ؛ Berg,et al, 1997 ; Zbiek,1998 ; O'callaghan,Khadivi,2002 ؛ محمود بدر، ٢٠٠١ ؛ Ibrahim Al-Samani, ٢٠٠٤).

وحيث أن التلاميذ بطيني التعلم في الرياضيات يتعلمون أبطأ من زملائهم وينخفض تحصيلهم عن متوسط تحصيل زملائهم في الفصل، لأنهم يواجهون صعوبات أثناء تعلمهم الرياضيات بسبب قصور بسيط في ذكائهم وقدراتهم على التعلم، لذا فإنهم بحاجة إلى التعلم عن طريق العمل من خلال المشاركة في أنشطة محسومة بالإضافة إلى استخدام العروض الضوئية باستخدام الكمبيوتر لزيادة تركيزهم الذهني وتحسين قدراتهم على التعلم.

تحديد مشكلة الدراسة:

لاحظ الباحث أثناء إشرافه على التربية العملية ضعف قدرات بعض تلاميذ الصف الرابع الابتدائي على إدراك المفاهيم وال العلاقات والمهارات الرياضية المرتبطة بالأعداد والعمليات عليها، مع ضعف قدراتهم على التفكير الرياضي، ولقد أرجع المعلمن سبب ذلك إلى زيادة كثافة الفصول وعدم تمكّنهم من استخدام بعض أساليب التعلم الفردي، وكذلك قلة الوسائل التعليمية التي يمكن استخدامها في تدريس الرياضيات.

ولقد اهتمت العديد من الدراسات بتجريب استراتيجيات وأساليب تدريس علاجي لتنمية التحصيل والاتجاه نحو الرياضيات لدى التلاميذ بطيني التعلم (محمد يوسف، ١٩٩٧ ؛ Leikin & Zaslavsky, 1997) ؛ Gillen, 1997 ; عبد الفتاح أحمد، ١٩٩٨ ؛ Bottge, 1999 ؛ Constantinesc, 2000) سمر الشهوب، ٢٠٠٤)، ولكن على حد علم الباحث لا توجد دراسة استخدمت قطع دينز مع العرض على الكمبيوتر في تنمية المفاهيم وال العلاقات والمهارات الرياضية المرتبطة بالأعداد والعمليات عليها لدى التلاميذ بطيني التعلم وتدريسها لهم بصورة حسية غير مجردة، بالإضافة إلى عدم وجود دراسات اهتمت بتنمية التفكير الرياضي لدى التلاميذ بطيني التعلم وكان التفكير حكرًا على التلاميذ المتفوقين ومتواسطي التحصيل. ومن ثم كانت هذه الدراسة لقياس فاعلية استخدام قطع دينز والعرض بالكمبيوتر في تطبيق التعميل والتفكير الويبائي لدى التلاميذ بطيني التعلم بالمرحلة الابتدائية .

أمثلة للدراسة:

حلول البحث خلال هذه الدراسة الإجابة عن الأسئلة التالية:

- ١) ما فاعلية استخدام قطع دينز والعرض بالكمبيوتر في تنمية التحصيل في الرياضيات لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائي بطولي التعليم؟
- ٢) ما فاعلية استخدام قطع دينز والعرض بالكمبيوتر في تنمية التفكير الرياضي لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائي بطولي التعليم؟
- ٣) ما مدى الارتباط بين التفكير الرياضي والتحصيل في الرياضيات لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائي بطولي التعليم؟

أهداف الدراسة :

هدفت هذه الدراسة إلى:

- ١) تجريب أسلوب تدريس علاجي قائم على استخدام قطع دينز والعرض بالكمبيوتر لتنمية التحصيل والتفكير الرياضي لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائي بطولي التعليم، يمكن للمهتمين بتدريس الرياضيات والمعلمين استخدامه وتعديله.
- ٢) قياس مدى فاعلية استخدام قطع دينز والعرض بالكمبيوتر في تنمية التحصيل والتفكير الرياضي لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائي بطولي التعليم.

أهمية الدراسة :

تتبع أهمية هذه الدراسة من أنها:

- ١) تساير الاتجاهات المحلية والعالمية الحديثة والتي نادت بضرورة مراعاة حاجات ومتطلبات التلاميذ نوii الحجلات الخاصة ومنهم فئة بطولي التعليم ، بأن تعطى لكل منهم الفرصة ليتعلم بقدر الإمكان طبقاً لمعمل تعليمه من خلال تقديم برنامج وأساليب تدريس علاجي مناسبة.
- ٢) تسهم في تقديم مجموعة من الأنشطة لتدريس الرياضيات باستخدام قطع دينز والعرض بالكمبيوتر لتنمية التحصيل والتفكير الرياضي لدى التلاميذ بطولي التعليم بالمرحلة الابتدائية، قد تفيد الباحثين في القيام بإجراء دراسات أخرى في هذا المجال وفي سنوات تعليمية مختلفة وكذلك المعلمين.
- ٣) تسهم في تقديم اختبار تحصيلي واختبار للتفكير الرياضي لدى التلاميذ بطولي التعليم بالمرحلة الابتدائية.

مسلمات الدراسة :

تسند هذه الدراسة إلى المسلمات التالية:

- ١) التلاميذ بطولي التعليم يعانون من ضعف فهفهم على إدراك المفاهيم وال العلاقات والمهارات الرياضية عندما يتم تدريسيها لهم بصورة مجردة أو رمزية.

- ٢) يحتاج التلميذ بطريق التعليم إلى نوع من التدريس العلاجي لإحداث نوع من التحسن في قدراتهم العقلية المحدودة، وتنليل الصعوبات التي تعرّضهم لخناء دراستهم للرياضيات.
- ٣) تنمية التفكير الرياضي لحد الأهداف الهمة لتدريس الرياضيات بالمرحلة الابتدائية.

فروض الدراسة :

حلّلت الدراسة التحقق من صحة الفروض التالية:

- ١) توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (.٠٠١) بين متوسط درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البدي لاختبار التحصيلي في الرياضيات لصالح تلاميذ المجموعة التجريبية.
- ٢) توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (.٠٠١) بين متوسط درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البدي لاختبار التفكير الرياضي لصالح تلاميذ المجموعة التجريبية.
- ٣) توجد علاقة ارتباطية موجبة ذات دلالة إحصائية بين متوسط درجات تلاميذ المجموعة التجريبية في الاختبار التحصيلي وبين متوسط درجاتهم في اختبار التفكير الرياضي.

حدود الدراسة :

الترمت الدراسة بالحدود التالية:

- ١) اقتصرت تجربة الدراسة على مجموعة من تلاميذ الصف الرابع الابتدائي بطريق التعليم بمدرستي أبو بكر الصديق الابتدائية، والنهضة الابتدائية (إدارة الوقف التطعيمية - محافظة قنا)، في الفصل الدراسي الأول ٢٠٠٦ / ٢٠٠٧م. والذين تم تحديدهم وفق الإجراءات التالية:
 - نتائج اختبار المتطلبات القبلية فيما درسه التلاميذ من مفاهيم ومهارات رياضية مرتبطة بالأعداد والعمليات عليها في الصفوف من الأول إلى الثالث الابتدائي.
 - نتائج اختبار القدرات العقلية مستوى ١١-٩ سنة (إعداد فاروق عبد الفتاح موسى، ١٩٨٩).
 - آراء معلمى الرياضيات.
- ٢) اقتصرت الأنشطة الخاصة باستخدام قطع دينز والعرض بالكمبيوتر على (الوحدة الأولى: الأعداد الكبيرة والعمليات عليها) للصف الرابع الابتدائي مع ربطها في التسلسل الهرمي بالوحدات الخاصة بالعمليات الأربع على الأعداد من الصفوف السابقة.
- ٣) اقتصرت مفردات الاختبار التحصيلي على المفاهيم والمهارات والمهارات الرياضية المرتبطة بالأعداد والعمليات عليها حتى (الوحدة الأولى: الأعداد الكبيرة والعمليات عليها) للصف الرابع الابتدائي.
- ٤) اقتصرت مفردات اختبار التفكير الرياضي على مهارات (الاستقراء، الاستنباط، المنطق الشكلي ، التصور البصري) بما يناسب المستوى العقلي ومحنوي الرياضيات لتلاميذ الصف الرابع الابتدائي.

مصطلحات الدراسة:

• قطع دينز Dienes للأسماء عشرة: مجموعة من قطع البلاستيك بألوان مختلفة، تتيح للتلמיד المشاركة الفاعلة في عملية التعليم والتعلم وتكوين البنى والأشكال الرياضية عن طريق التجارب الحسية التي يمارسها لدعم التعلم عن طريق الفصل المبasher. ولها لريعة لشكل كلام منها تمثل أحد المنازل الضدية (أحد - عشرات - مئات - ألوف).

• العرض بالكمبيوتر: عرض مرئي باستخدام برنامج العروض التوضيحية Power Point على جهاز عرض البيانات Data Show المتصل بالكمبيوتر لأمثلة وتسريبات على عاليات (الجمع - الطرح - الضرب - القسم) الممثلة بقطع دينز للأسماء عشرة في مستويات متدرجة الصعوبة لدعم التعلم عن طريق التجارب شبه الحسية.

• التفكير الرياضي: نشاط عقلي من ونظم يتمثل في قدرة تلميذ الصف الرابع الابتدائي على إداء المهارات الفرعية الخاصة بكل من (الاستقرار ، الاستباط ، المنطق الشكلي ، التصور البصري المكتسي) وذلك حينما يواجه موقف أو مشكلة رياضية يبحث عن حل لها وتقليل هذه القدرة بالدرجة التي يحصل عليها التلميذ في اختبار التفكير الرياضي.

• بطيلي التعلم في الرياضيات: هم التلاميذ الذين لا يكتسبون المفاهيم والمبدئي والمهارات الرياضية بالسرعة نفسها التي يكتسبها بها زملائهم، ومستوى تحصيلهم وتفكيرهم الرياضي أقل من المستوى المتوسط لزملائهم في الفصل نفسه بمقدار ٢٠٪، وتحصر نسبة ذكرهم بين (٩٠-٧٠) درجة في اختبار القدرات العقلية.

أدوات الدراسة :

اعتمدت الدراسة على الأدوات التالية:

- ١) لاختبار المتطلبات قبلية فيما درسه التلاميذ من مفاهيم ومبدئي ومهارات رياضية مرتبطة بالأعداد والعمليات عليها في الصفوف من الأول إلى الثالث الابتدائي (من إعداد الباحث).
- ٢) لاختبار تحصيلي في المفاهيم والمبدئي والمهارات الرياضية المرتبطة بالأعداد والعمليات عليها حتى (الوحدة الأولى: الأعداد الكبيرة والعمليات عليها) للصف الرابع الابتدائي (من إعداد الباحث).
- ٣) لاختبار التفكير الرياضي (الاستقرار ، الاستباط ، المنطق الشكلي ، التصور البصري المكتسي) لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائي (من إعداد الباحث).

الإطار النظري للدراسة

• نظرية دينز Dienes Theory وتنظيم وتعلم الرياضيات:

يد (دينز) من أكثر العلماء اهتماماً في أعماله وبحثه بتنظيم وتعلم الرياضيات عن طريق التجربة الحسية، لذا فإن الكثير من الوسائل التطبيقية في مصلحة الرياضيات ترتبط باسمه. ويرى دينز ضرورة مشاركة المتعلم الفاعلة في عملية التنظيم والتعلم، لمساعدته على تكوين البنية والآثار الرياضية عن طريق التجربة الحسية المباشرة التي يمارسها. وتنسند نظرية دينز لتنظيم الرياضيات على أربع قواعد هي (حفظ، إسهام، تطبيق، تعميم):

١) القاعدة الديناميكية : Dynamic Principle

تعنى هذه القاعدة على أن كل التجاريدات، ومنها التجاريد الرياضية، أساسها الخبرات الحسية التي يمارسها الطفل فعلاً. أي أن فهم الآثار والمفاهيم الرياضية يأتي عن طريق تجريد هذه الفكرة لو المفهوم من عدد من الأشياء التي تجسد هذه الفكرة لو المفهوم. وهذا التجريد لو فهم الفكرة الرياضية هو عملية تطورية . وتحتقر هذه القاعدة الإطار العام الذي يتم من خلاله التعلم، أما القواعد الأخرى التالية فتعتبر متيمة لهذه القاعدة وتحصل ضمنها.

٢) قاعدة التغير الإدراكي : Perceptual Variability Principle

التجريد هو عملية إدراك صفة أو صفات عامة لعدد من الأشياء المختلفة، ومن ثم تصنف هذه الأشياء في مجموعة على أساس هذه الصلة لو الصفات العامة، لذلك فإن هذه القاعدة تعنى على أن تعم الفكرة لو المفهوم الرياضي من خلال عرضه بواسطة أشياء لو تجرب حسية لو شبه حسية مختلفة، يساعد كثيراً على عملية التجريد.

٣) قاعدة التغير الرياضي : Mathematical Variability Principle

حيث أن التجريد هو عملية تكوين مجموعة من الأشياء التي لها نفس الصفات، لذا فإن التعميم هو عملية توسيع هذه المجموعة المكونة لتشتمل أشياء أكثر. وتنص قاعدة التغير الرياضي على أن إدراك للكرة أو المفهوم الرياضي من خلال مواقف تتوالى فيها المتغيرات التي ليس لها علاقة بالكرة أو المفهوم، بينما تبقى المتغيرات ذات العلاقة ثابتة في جميع هذه المواقف، يعزز عملية التعلم. وهذا يحدث عندما يكون لدى المتعلم القدرة على تجريد الفكرة أو المفهوم الرياضي من خلال خصائص وعلاقات مشتركة دون الاعتماد على المحسوسات لو شبه المحسوسات.

٤) القاعدة البنائية أو التكوينية : The Constructivity Principle

تعنى هذه القاعدة على أن تكوين لو بناء المفهوم يجب أن يسبق تحليل هذا المفهوم. فمتلاً عملية بناء العدد ومعرفة مكوناته أو عوامله يجب أن يسبق فكرة الضرب المؤدية إلى هذا العدد. كذلك بناء مفهوم

المربع يعني مع هذا المفهوم دخل البناء الرياضي للمتعلم، ولن تحليل مفهوم المربع أي البحث عن علاقة المربع بالأشكال الرباعية الأخرى.

وبذلك تؤكد نظرية دينز على أهمية استخدام الوسائل التعليمية المحسوسة التي تجسد الأشكال الرياضية وتجعل المتعلم فاعلاً في اكتساب الأشكال أو المفاهيم وال العلاقات والمهارات الرياضية بدلاً من تلقها، وتنمى لديه القدرة كذلك على حل المشكلات.

* إمكانيات ومزايا استخدام الكمبيوتر في تعليم وتعلم الرياضيات :

الرياضيات، علم مجرد يعتمد على المصطلحات والرموز، والكثير من مصادرات تعليم وتعلم الرياضيات يرجع إلى أن التلاميذ غالباً لا يرون أو يدركون بشكل صحيح المفهوم الرياضي للفكرة أو المصطلح. واستخدام الكمبيوتر يقلل كثيراً من هذه الصعوبات، فمن مزايا استخداماته في تعليم وتعلم الرياضيات (Slough & Chamblee, 2000؛ Manoucherhri, 1999؛ Jonassen, et al., 1999؛ Khadivi, 2002؛ Lloyd & Wilson, 2000؛ Ibrahim Al-Sumani, 2004؛ محمد عبد الله، 2006؛ زينب لمنى، 2006) ما يلى :

- يساعد الاستخدام الوعي للكمبيوتر في بناء رحلات تعلم بين مخزون المتعلم السابق من المعرفة وبين المادة الجديدة، كما هو الحال في الربط بين طريقة إجراء القسمة المطلوبة وبين المهارات السابقة، من إجراء لعمليات ضرب وطرح، إضافة إلى التخمين والتقدير التقريري لنتائج قسمة عدد على آخر. أيضاً، تعلم مفاهيم أو مهارات جديدة، غالباً ما يتطلب استرجاع مهارات سابقة متطلبة. وهذا ما يوفره الكمبيوتر بسرعة من خلال البرمجيات.

- القدرة على العرض المرئي للمعلومات، فالعديد من برامج الكمبيوتر تقدم رسوماً وصوراً، وتختلف دقة هذه الصور وأسلوب التعامل معها، تبعاً لمستويات التعلم وأهداف المادة الدراسية. فالكمبيوتر ينقل صورة وصوتاً وحركة على الشاشة ويضيف أبعاداً أخرى للمفهوم الرياضي.

- من خلال البرمجيات المناسبة، يقدم الكمبيوتر تدريباً مناسباً على المهارات الرياضية في مستويات متدرجة الصعوبة، وإعلام المتعلم أولاً بأول بمدى تقدمه نحو مستوى التمكن المستهدف تقدم التغذية الراجعة والتدعم الفوري، فيؤكّد أن إجابة المتعلم صحيحة، أو يساعدته على إصلاح ما وقع فيه من أخطاء.

- تقديم العديد من الفرص والاختبارات أمام المتعلم ، أي تحكم المتعلم في الاختبارات التعليمية، فالبرامج الجيدة، تقدم البدائل أو الاختبارات للمتعلم بشكل لا يتوافق في البيئة الحقيقية، وكذلك تقديم دروس علاجية للطلاب بطريق التعلم، ودورس إثرائية للمتفوقين.

- الكمبيوتر والبرمجيات يمكن لها أن تكون شريكاً فكرياً إذا استخدمت كأدوات لدعم بناء المعرفة، وكميائـ لدعم التعلم عن طريق العمل، وكوسائل اتصال لاكتشاف المعرفة، وبذلك، يساعد الكمبيوتر المتعلم على التعلم من أجل التمكن.

- استخدام الكمبيوتر يبني التفكير. وإن كان الدور الذي يلعبه الكمبيوتر في تعليم التفكير جديداً نسبياً، إلا أنه على درجة عالية من الأهمية، حيث يتمثل في مساعدة المتعلمين على تطوير أنماط جديدة من التفكير، قد

تساعد على التعلم في مواقف مختلفة، تتطلب المنطق والتحليل والاستنتاج، وتؤدي إلى الابتكار، وتساعد الطالب على تكوين رؤى جديدة للكنائص الرياضية وحل المشكلات.

وهذا العيد من أنواع التعليم والتعلم بمساعدة الكمبيوتر، تستخدم في تعليم وتعلم الرياضيات (Maier & Warrn, 2000 ; Broun, et al, 1999 ; Grabe,M. & Grabe,C., 1998) إبراهيم الفار، عبد العزيز طلبة، محمد عبد الله، زينب نعيم، (٢٠٠٦) منها:

(١) التدريب على حل المشكلات : Drill for Problem Solving

في هذا النوع، تضم البرامج التعليمية، بهدف تدعيم التدريس في الفصل. حيث تقدم برامج الكمبيوتر مشكلات مختلفة لتدريب الطلاب عليها، وتنمي هذه البرامج وقدرتها على تقديم مشكلات تتسم بمستوى الطالب، حيث تناول الفرصة للطالب للتفكير في حلول تخمينية، تقلل بحلول يقدّمها البرنامج. بالإضافة إلى توفير فرصة التدريب والتعلم للإتقان للمهارات الرياضية، فلا يستطيع الطالب أن ينتقل من خطوة إلى أخرى إلا بعد التأكد من أنه أتقن الخطوة الحالية إتقاناً تاماً، حيث يقوم الكمبيوتر بتوجيهه للطالب لإجراءات علاجية محددة بطريقة جيدة وجذابة ومشوقة، تساعد المتعلم، على إتقان المفهوم الفاسد عليه، أو لكتساب مهارة تتفصل. ومشاركة المعلم للطلاب يزيد من فعالية وفوائد برامج التدريب على حل المشكلات.

(٢) المحاكاة (التمثيلات) وحل المشكلات : Simulation and Problem Solving

مع برنامج هذا النوع، يجد الطالب نفسه في موقف يشبه الواقع تماماً، ويواجه بمشاكل تتطلب اختيار مسارات، أو بدائل، أو اتخاذ قرارات، ثم مشاهدة نتائج ما يتخذه من قرارات. وتعتمد برامج المحاكاة على تقيير الفجوة بين المفاهيم الرياضية المجردة التي يدرسها الطالب في حجرة الدراسة، وبين تطبيقاتها في الواقع وفي العلوم الأخرى، وهي خبرات بديلة تحل مشكلات تدريس بعض المواقف التي تتطور على خطورة في الواقع، مثل: حركة المفروقات والصواريخ وغيرها، أو تزيد تكاليفها المادية، أو تستغرق وقتاً وجهداً لصعوبة الوصول إليها، وبذلك، فهي تسهل رؤية الطالب لها في صورة أقرب إلى الواقع. وتدخل المعلم هنا مطلوب؛ ليبين للطلاب أوجه الشبه والاختلاف، بين المواقف المختلفة. ولكن برامج المحاكاة تتطلب مهارات عالية في تصميمها لتعدد العمليات وتعقدتها، حسب طبيعة الموقف.

(٣) الألعاب التعليمية : Instructional Games

تهدف برامج الألعاب التعليمية، إلى دمج عملية التعلم باللعب في نموذج تشويقي، يقوم على مبدأ المنافسة، وإثارة الدافعية، وإبراك العلاقات، وقوفة الملاحظة والمثابرة، وكذلك التخلص من صعوبة أو درجة تجريد بعض المفاهيم أو العلاقات الرياضية، عن طريق إتاحة الفرصة للطالب لتطبيق ما تعلمه من مفاهيم وعلاقات في مواقف تثير حماسه وتشجع تفكيره، وتساعده على ابتكار طرق جديدة لحل المشكلات التي يمكن أن تقابلها، وهي تصلح لجميع الطلاب، ولكنها تصلح للتلاميذ الصغار أكثر؛ لما يعانونه - لحياناً - من ملل في تطبيقاتهم للمفاهيم الرياضية، أو ممارسة التدريبات، أو حل المشكلات. ودور المعلم هنا، يقتصر على إبداء بعض الملاحظات والتوجيهات .

(٤) للتدريب الخصوصي Tutorials :

في هذا النوع، يصل الكمبيوتر كمدرس خصوصي Tutor سواء كان ذلك لكل طالب بمفرده لمجموعة مفيرة. وتصمم برامج التدريب الخصوصي بحيث تمر بالخطوات الأساسية لعملية التدريب، من تمهد للدرس وعرض لمحفظة بمختلف الأنشطة المصلحة، فيقوم الكمبيوتر بتقديم المعلومات والتعريف بالمهارات المختلفة، مع توجيه الطالب إلى استخدام المعلومات، وتطبيق المهارات في مواقع جديدة ثم تقويم نتائجه. كما يمكن في التدريب الخصوصي، استخدام برنامج العروض التوضيحية Power Point والذي يمكن من خلاله تحويل الأفلام والمعلومات المختلفة إلى عرض على شاشة الكمبيوتر، يتكون من عدة شرائح Slides لجذب انتباه الطلاب، حيث يتم العرض بتأثيرات الحركة والصوت والصورة، بالإضافة إلى خاصية عرض المعلومات بصورة تفاعلية، عن طريق الارتباط التشعيبى Hyperlink دون الانتقال من شريحة لأخرى بطريقة خطية. وفي التدريب الخصوصي، يسمح للطلاب الاستجابة للبرنامج على قدر مستوياتهم، مع إعطاء الكمبيوتر إرشادات وتوجيهات تدعم عملية التعلم، لوجود برنامج متفرعة فيها، تقوم بعمليات علاج الأخطاء وإعطاء تغذية راجعة، ويمكن للطالب التعلم من خلالها، دون الحاجة للمعلم. ولكن وجود المعلم أثناء تنفيذ هذه البرامج، يدعم فهم الطالب بصورة أكبر، ويجعل التفاعل بين الطالب والمعلم أكثر واقعية، لما تسمح به هذه البرامج من توفير لوقت الحصة يسمح بهذا التفاعل.

(٥) كثافة لتعليم البرمجة : Programming

دراسة الرياضيات متطلب رئيس، لكن يكون الشخص متمنكاً من استخدام الكمبيوتر مبرمجاً أو مستخدماً للبرامج الجاهزة، وهذا يؤكد العلاقة التبادلية بين الرياضيات والكمبيوتر والبرمجيات، لذلك، فإن تعليم البرمجة للطلاب يعتمد على تعلم لغات البرمجة واستخدام أساليب التخطيط لحل المشكلة، اعتماداً على الخوارزميات أو خرائط التنفيذ أو خرائط المسار Flow Charts ، حيث يقترح الطالب خططاً مختلفة لحل المشكلة، عن طريق عمليات يجريها حتى يتمكن من كتابة برنامج في شكل سليم، مستخدماً قواعد المنطق الرياضي لحل المشكلة، وبذلك، فإن هذا النوع لا يهدف إلى تدريس موضوعات الرياضيات، بل يهدف إلى تدريب الطالب على التفكير والتخطيط والتحليل المنطقي لمصطلحات المشكلة الرياضية، وصياغة حلها في صورة برنامج .

ويتحدد استخدام برنامج الكمبيوتر بقدر حاجة الطلاب لنوع التعلم المطلوب، ولا يعن هذا التقسيم، أن هناك حدوداً فاصلة بين هذه الأنواع، ولذا يمكن استخدامها معاً، وللمعلم أن يختار من بينها في ضوء طبيعة طلابه، وما تتطلبه الموقف التعليمية المختلفة، ونوع البرمجة التعليمية المتاحة.

* التفكير الرياضي : تعريفه - مكوناته :

بالنظر إلى أنماط التفكير التي يتميز بها كل بناء من أبنية المخ حسب النموذج الشامل للمخ عند هيرمان Herrmann ومجموعة الذكاءات التي يخالطها كل بناء من أبنية المخ وفق نظرية الذكاءات المتعددة " لجاريتر Gardner " وجد أن هناك ارتباطاً بين أنماط التفكير لكل بناء من أبنية المخ (الأجزاء

الأربعة) ومجموعة النماهات التي يخاطبها. كما توضح أن الربع الطوي الأيسر للربع (A): يتضمن مجموعة من العمليات ذات الصلة بتحليل التفكير الرياضي Mathematical Thinking، والتفكير التحليلي Analytical Thinking ، والتفكير المنطقي Logical Thinking ، كما أن الربع الطوي الأيمن للربع (D): يتضمن مجموعة العمليات التي تخص التخليل Synthesizing أو الإبتكار، التفكير الشامل Holistic Thinking ، والتفكير البصري Visual Thinking ، والتفكير التخييلي Imaginative Thinking ومعظم هذه الأسلطة إن لم تكون جميعها مرتبطة بالتفكير الرياضي (حفيظ إسماعيل، ٢٠٠٦، ٤٧٤).

حيث يعرف التفكير الرياضي بأنه نشاط عقلي من ونظم يهدف إلى حل المشكلات الرياضية باستخدام بعض أو كل صور أو مكونات التفكير الرياضي التالية: (الاستقراء، الاستبطاء، التفكير الاحتمالي، التعبير بالرموز، المنطق الشكلي أو الصوري، إبراك العلاقات، الإبراك المكتبي والتصور البصري، البرهان الرياضي، التفكير العلائقي) وذلك حسب طبيعة كل مشكلة رياضية (Kathleen, S. & Ann, L., 2001؛ Kathleen, S. & Ann, L., 2001؛ Craig, J., 2005؛ Pape, S. et al, 2003؛ محمد محمود حمادة، ٢٠٠٥؛ سالمية هلال، ٢٠٠٢).

مكونات التفكير الرياضي:

١) الاستقراء : هو عملية يتم عن طريقها الوصول إلى قاعدة عامة (نتيجة - نظرية - قانون) من خلال دراسة عدد كاف من الحالات الفردية ، واستخراج الخاصية التي تشتراك فيها هذه الحالات. وتتضمن عملية الاستقراء المهارات التالية :

- استنتاج القاعدة العامة من حالات خاصة.
- استخلاص النتائج من معلومات معطاة.
- معرفة الاستنتاجات الصغرى.
- اكتشاف العلاقة بين القواعد العامة والحالات الخاصة.
- الوصول إلى نفس العلاقات أو الارتباطات الموجودة بين أجزاء مشكلة معينة أو مشكل متشابهة.
- اكتشاف العلاقات بين المعلومات المعطاة.

٢) الاستبطاء أو الاستنتاج : هو عملية اشتغال للخصائص أو النتائج الخاصة من قواعد أو مبادئ علم تغطي الحالات الخاصة، أو هو تطبيق القاعدة العامة على حالة خاصة من الحالات التي تنطبق عليها القاعدة. وتتضمن عملية الاستبطاء المهارات التالية :

- تطبيق القاعدة العامة على حالات خاصة.
- تطبيق العلاقات واستخدامها بطريقة صحيحة على متغيرات وأفكار جديدة.
- تطبيق المبادئ والتطبيقات والنظريات في موقف جديد.
- تحديد العلاقة بين القواعد العامة والحالات الخاصة.
- التمييز بين المعلومات الصحيحة والمعلومات الخاطئة.
- تفسير القواعد العامة.

٣) التعميم : ويعني صياغة عبارة رياضية ، تحديد علاقة بين مفهومين أو أكثر من المظاهم الرياضية وذلك بملحوظة بعض الحالات الخاصة . والفارق الوحيد بين التعميم والاستقراء هو الصياغة للتنتجة في حالة التعميم ، ولما في الاستقرار فيكتفي بوضع النتائج التي قد تكون عدداً أو مقداراً جبراً أو ما شابه ذلك .

٤) التعلم : وهي عملية عقلية تقوم على تصور الفرد للموقف المشكل أمامه ، ثم تحليله إلى مجموعة من العناصر وال العلاقات ورسم الخطة اللازمة لفهمه حتى يصل إلى جميع الحلول الممكنة التي يتطلبها هذا الموقف ، ثم تقويم هذه الحلول في ضوء الخطط التي وضعت له . وتتضمن عملية التعلم المهارات التالية :

- القراءة على تحديد الموقف المشكل .

- القراءة على تحليل الموقف المشكل إلى عناصره .

- القراءة على معرفة العلاقة بين العناصر المكونة للموقف المشكل .

- القراءة على استدعاء القواعد العامة التي يمكن تطبيقها .

- القراءة على استدعاء الأفكار والمعلومات التي ترتبط بالمشكلة .

- القراءة على تكوين فروض محددة لحل الموقف المشكل واختبار كل فرض في ضوء المعايير المقبولة في مجال المشكلة .

- القراءة على تنظيم النواتج التي يمكن التوصيل إليها بطريقة يمكن الاستفادة منها في الوصول إلى حل الموقف المشكل .



٥) إدراك العلاقات : ويقصد به القراءة على التوصل إلى علاقات استنتاجية بين المقدمات والنتائج وإلامة التعليلات والبراهين المنطقية للتوصول إلى الحل . وتتضمن عملية إدراك العلاقات المهارات التالية :

- القراءة على إدراك العلاقات بين الأشكال .

- القراءة على إدراك التشابه والاختلاف بين المعلومات المعطاة .

- القراءة على إدراك العلاقات بين النتائج المستنيرة .

- القراءة على إدراك العلاقات بين المقدمات أو الأسباب والنتائج .

- القراءة على إدراك العلاقة بين العلاقات والأشكال .

- القراءة على إدراك العلاقات بين المعلومات المعطاة والأشكال .

٦) الترجمة الرياضية : وتعني التعبير عن الأفكار والمعلومات الرياضية من شكل رمزي إلى شكل لفظي مكافئ وموازٍ له أو العكس دون أن يتأثر المعنى . وتتضمن عملية الترجمة الرياضية المهارات التالية :

- التحويل من صيغة أو معادلات إلى لفاظ .

- التحويل من شكل أو رسم بياني إلى لفاظ .

- التحويل من جداول إلى لفاظ .

- التحويل من صورة لفظية إلى صيغة أو معادلة .

- التحويل من جدول إلى صيغة أو معادلة .

- التحويل من صورة لفظية إلى صيغة أو معادلة .

- التحويل من صيغة أو معادلة إلى جدول.
- التحويل من شكل أو رسم بياني إلى جدول.
- التحويل من صورة لفظية إلى شكل إلى رسم بياني.
- التحويل من جدول إلى شكل أو رسم بياني.
- التحويل من صيغة أو معادلة إلى شكل أو رسم بياني.

٧) المنطق الشكلي أو الصوري: ويقصد به دراسة منطق العبارات تبعاً لشكلها، حيث تمثل العبارات ونفيها وأنواع الربط المنطقية بالرموز ، وتطبيق النتائج النهائية على جميع العبارات التي لها الشكل نفسه. والتفكير المنطقي هو ذلك النوع من التفكير الذي يتم به الوصول إلى نتيجة من مقدمات تتضمن النتيجة بما فيها من علاقات. وبخضوع استخلاص النتائج لقواعد تعرف بقواعد المنطق الشكلي. وتتضمن عملية المنطق الشكلي أو الصوري المهارات التالية:

- التوصل إلى القاعدة التي تربط بين المعلومات أو الأشكال المعطاة.
- اكتشاف العلاقة بين الأشكال المعطاة.
- استخلاص النتائج من المقدمات المعطاة.
- تميز الاختلاف والتشابه بين المعلومات والأشكال المعطاة.

٨) البرهان الرياضي : عبارة عن معالجة لفظية أو رمزية تتمثل في تتبع من العبارات تستتبط كل منها من سابقتها استناداً إلى شواهد معترف بصحتها (مثل المسلمات والنظريات) واستنباطاً بأساليب يقرها المنطق. وتتضمن عملية البرهان الرياضي المهارات التالية :

- القدرة على تحديد المعطيات والمطلوب في صورة علاقات رياضية.
- القدرة على تحديد المعطيات والمطلوب في صورة أشكال بيانية رسوم هندسية.
- القدرة على استنتاج نتائج صحيحة ومفيدة من المعطيات مع تحديد السبب.
- القدرة على الربط بين النتائج المستنيرة بهدف الوصول للمطلوب.
- القدرة على كتابة الحلول في صورة منطقية.
- القدرة على برهنة القوانين والنظريات.

يتضح مما سبق أن التفكير الرياضي هو نشاط عقلي من ونظم بهدف إلى حل المشكلات الرياضية باستخدام بعض أو كل صور التفكير الرياضي التالية: (الاستقراء، الاستنباط، التفكير الاحتمالي، التعبير بالرموز، المنطق الشكلي أو الصوري، إدراك العلاقات، الإبراك المكاني والتصور البصري، البرهان الرياضي، التفكير العلقي) ، وسوف يكتفى الباحث بقياس بعض هذه المكونات (الاستقراء، الاستنباط، المنطق الشكلي ، التصور البصري المكاني) بما يناسب محتوى رياضيات المرحلة الابتدائية والمستوى العقلي لتلاميذهما.

* التلاميذ بطيئي التعلم في الرياضيات:

اعتمد (مكتب التربية العربي لدول الخليج العربي، ١٩٩٧: ٢٨)، تعريفاً للطلاب بطيئي التعلم " بأنه الطفل الذي يعاني من انخفاض في قدراته العقلية، بحيث يترتب على ذلك صعوبات في التحصيل الدراسي، وتتراوح نسبة ذكائه من (٨٤-٧٠) على اختبار ذكاء فردي مقتنن على البيئة المحلية (اختبار وكسنر مثلاً)." ويرى (وليم عبد وآخرون، ٢٠٠٤: ٣٠) أن مصطلح بطيئي التعلم ينطبق على " أولئك التلاميذ الذي ينجزون إنجازاً ضعيفاً لأنهم يتعلمون أبطأ من معظم زملائهم في الفصل ."

وفي هذا الصدد يشير (فريدرك. بل، ١٩٩٧، ٢١٢) إلى أن بطيئي التعلم في الرياضيات " هم الذين يتعلمون بدرجة أكثر بطأً من أقرانهم، ويعجزون عن تعلم المادة الرياضية بال معدل الذي يقدمها به المعلم، ونسبة ذكائهم منخفضة عن المتوسط ."

ويعرف (عصام روغاني ، محمد يوسف، ٢٠٠١، ١٦١) بطيء التعلم في الرياضيات على أنه " التلميذ الذي يبلغ تحصيله ٨٠٪ من مستوى أقرانه في الصف الدراسي نفسه في الاختبارات التحليلية في الرياضيات، كما أن نسبة ذكائه تتحصر بين (٩٠-٧٠) درجة في مقياس الذكاء، ولديه اتجاه سلبي نحو الرياضيات ."

وعلى ذلك فإن التلاميذ بطيئي التعلم في الرياضيات هم التلاميذ الذين لا يكتسبون المفاهيم والمبادئ والمهارات الرياضية بالسرعة نفسها التي يكتسبها بها زملائهم، ومستوى تحصيلهم وتلقيهم لهم الرياضي أقل من مستوى زملائهم في الفصل نفسه بمقدار ٢٠٪، وتنحصر نسبة ذكائهم بين (٩٠-٧٠) درجة في اختبار القدرات العقلية.

سمات التلاميذ بطيئي التعلم في الرياضيات:

يرى البعض أن " من سمات التلاميذ بطيئي التعلم في الرياضيات (مكتب التربية العربي لدول الخليج العربي، ١٩٩٧؛ فريدرك. بل، ١٩٩٧؛ محبات أبو عميرة، ٢٠٠٠؛ فتحي الزغبي، ٢٠٠٠؛ عصام روغاني ، محمد يوسف، ٢٠٠١؛ توما الخوري، ٢٠٠٢؛ وليم عبد وآخرون، ٢٠٠٤) ما يلي: قادرٌ على التنافس المدرسي في معظم المجالات فيما عدا المواد الأكademie الدقيقة (كالرياضيات) فمعدلاتهم بها دون المتوسط ."

- لا يختلفوا في التوافق الاجتماعي عن سائر أفراد المجتمع، رغم انخفاض نسبة ذكائهم حيث تتحصر بين (٩٠ - ٧٠) درجة تقريباً.

- عدم النضج العقلي، حيث لا يصلون إلى مرحلة النمو العقلي التي تسمح لهم بإجراء العمليات المجردة لضعف قدراتهم على إدراك المفاهيم والمبادئ وال العلاقات والمهارات الرياضية عندما يتم تدريسها لهم بصورة مجردة أو رمزية.

- لا يمتلكوا الأساليب المعرفية التي تساعدهم على الإدراك السليم والتحليل والتنظيم، وذلك للمعلومات الحالية والسابقة والتالية، ويميلون إلى تذكر المعلومات البسيطة فقط.

- صعوبة في التعامل مع العديد من المعلومات الرياضية في نفس الوقت.

- صعوبة في الاستنتاج والوصول إلى نعطف أو تعميم رياضي، لضعف قدراتهم على التعليل والتجريد

وتكوين ارتباطات بين الأفلاط والآفاق:

- ضعف قدراتهم على تطبيق جوانب التعلم في مواقف جديدة، لو نقل الخبرة من موقف إلى آخر.
- يميلوا إلى حظ خوارزميات وقواعد خاصة بكل نوع من أنواع التمارين مع قليل من اللهم للخطوات التي يتبعونها، وعدم معرفتهم للعملية المناسبة للمواقف التطبيقية، لهم لا يدركون المطلوب منهم عمله عند حل التمارين لضعف قدراتهم على التنظيم في تقديم المعلومات وخطوات إجراء الحل، لو البدء في خطوات جديدة قبل أن يكملوا الخطوات السابقة.
- يحظوا براهين النظريات ولكنهم لا يستطيعون الفهم ببراهين التمارين.
- لديهم صعوبة في القراءة بصفة عامة، وقراءة الرياضيات بصفة خاصة لضعف قدراتهم على فهم لغة الرموز الرياضية والخلط بين بعضها.
- يشعروا بالفشل وعدم الثقة وعدم التوافق ويظهرون الترد داخل الفصل الدراسي.
- لديهم نقص في الدافع نحو تعلم الرياضيات، فهم أقل تضاجاً من زملائهم من الناحية العاطفية.
- ينتمون إلى كثير من المهارات العقلية، ويفشلون في تعلم المهارات الأساسية، لكنهم يستطيعون ممارسة المهارات الميكانيكية البسيطة ويستمتعوا بها.
- لا يستطيعوا التركيز لفترة أكثر من (٢٠) دقيقة دون تغيير المكان التعليمي.
- لا يعرفوا كيفية إتباع التعليمات، فهم مشوشون في التفكير وطريقة العمل، وغير منظمين في عملهم.
- عدم القدرة على الاعتماد على النفس والتوعود على معاونة الآخرين لهم.

حلقات التلاميذ بطيني التعلم في الرياضيات:

- من خلال معرفتنا بسمات التلاميذ بطيني التعلم في الرياضيات يمكن تحديد بعض الحاجات الخاصة بهم والتي يجب مراعاتها عند التدريس لهم (فريدرك. بل، ١٩٩٧؛ Soriano, et al, 1998؛ حسلم روغلبيل، محمد يوسف، ٢٠٠١؛ توما الخوري، ٢٠٠٢؛ وليم عبد وأخرين، ٢٠٠٤) ومن هذه الحاجات ما يلى:
- يحتاج بطيني التعلم إلى نوع من التدريس العلاجي لإحداث نوع من التحسن في قدراتهم العقلية المحدودة، وتقليل الصعوبات التي تعيقهم أثناء دراستهم للرياضيات.
 - لدى التلاميذ بطيني التعلم قصور في التركيز الذهني، ومن ثم لهم بحاجة إلى التعلم عن طريق العمل (عمل الرياضيات، بمساعدة الكمبيوتر،).
 - بطيني التعلم بحاجة إلى التقبل الاجتماعي و معاونة الآخرين لهم، لأنهم غير قادرين على الاعتماد على أنفسهم.
 - بطيني التعلم يفتقدون الثقة في أنفسهم وصورة عن ذاتهم، لهذا فهو بحاجة إلى الإنجاز، فيجب مساعدتهم ليطوروا من قدراتهم على الإنجاز المعرفي وتحسين التحصيل في الرياضيات.
 - بطيني التعلم في حاجة دائمة إلى التعزيز الحسي والمعنوي حتى يكتسبوا الثقة بأنفسهم.

أساليب التعامل مع التلاميذ بطيني التعلم في الرياضيات:

تحقيقاً لحلقات التلاميذ بطيني التعلم في الرياضيات بشكل مناسب يقترح (وليم عبد وأخرين، ٢٠٠٤: ٣١-٣٢) بعض النماذج التالية للعمل مع التلاميذ بطيني التعلم:

- تطبيق بطاريات اختبار لتقويم مستوى المعلم في الرياضيات.
- تحديد لسبل الصعوبات العقلية والاجتماعية والمعرفية التي يواجهونها.
- تقديم دروس علاجية، مع تقويم قياني ويدلي لذلك الدروس.
- تقديم الخبرات الرياضية في مديولات تطبيقية، وبنشطة متعددة، وتتربيات متدرجة الصعوبة:
- تقديم معلومات فردية، مع مراعاة الخطو الذاتي لللامايد في ضوء أساليب تعليمهم الخاصة بهم.
- يراعى لا يكون التدريس روتيني، ولا يكون العلاج بنفس الطريقة العادلة.
- تقديم تمارين عملية وأصص وملامس محسومة وألعاب.
- يراعى التأكيد على المهارات الأساسية دون تفصيل مشتقة.
- يراعى مهارات المعلم التطبيمية.
- تقديم مواد إضافية علاجية إلى جانب الكتاب المدرسي.
- استخدام الحسن والبراءة.
- تشجيعهم وتحصين رزيمهم ومهارتهم للذات وبعد الشعور بالتفص عليهم، وكذلك الخوف والتهديد.
- إشعارهم بالنجاح والقدرة على التحصيل، وتحصين تجاهاتهم نحو الرياضيات.
- تنوع مصادر التعليم لهم (الاستعارة بالوسائل التعليمية المتعددة والتي تتطلب من الحالة المجردة إلى الحالة المحسوسة وذلك لتوفير مناخ تعليمي مناسب يعتمد على التشويق والمتاعة والإثارة).
- الاعتراف بهم داخل الفصل وعدم المسخرية منهم، وتعزيز تعليمهم.
- مراعاة العدالة وعدم التناقض في تصرفات المعلمين.

وينصح مما سبق أن هناك أسلوب تؤدي إلى بطيء بعض التلاميذ في تعلم الرياضيات، منها ما يتصل بطبيعة مادة الرياضيات، محتوى كتاب الرياضيات والتتربيات المتضمنة فيها، الوسائل التعليمية، الزمن المخصص لتعلم الموضوعات الرياضية، نظم الامتحانات. ومنها ما يتصل بطرق وأساليب التدريس التي يتبعها معلم الرياضيات كإيجار التلميذ على الانتماء بالطريقة والأسلوب الذي يتبعه المعلم في حل المشكلات الرياضية، وعدم إعطاء الوقت الكافي لللامايد للبطيء للإجابة عن أسئلته، وعدم تقديم التعزيز المناسب له. كذلك منها ما يتصل باللامايد نفسه وقدراته العقلية ومستوى تفكيره الرياضي، والخجل والانتواء وعدم الثقة بالنفس. وأن اللامايد بطبيعته ليسوا متشابهين في كل الصفات، وكل منهم نقاط قوية ونقاط ضعف، لاختلاف سماتهم وحالاتهم، ومن ثم يجب أن تختلف أساليب التعامل معهم.

إجراءات الدراسة ونتائجها

لولا: إعداد اختبار المتطلبات القبلية:

كأحد أساليب الكشف عن التلاميذ بطبيعة التعلم تم إعداد لاختبار الهدف منه قياس تحصيل تلاميذ الصف الرابع الابتدائي قبل تطبيق تجربة الدراسة فيما درسوا من مفاهيم ومبادئ ومهارات رياضية مرتبطة بالأعداد والعمليات عليها في الصفوف من الأول إلى الثالث الابتدائي.

وبعد الانتهاء من صياغة مفردات الاختبار تم عرضه على مجموعة من المحكمين من أستاذة المناهج وطرق تدريس الرياضيات بكليات التربية ومحظى الرياضيات بالمرحلة الابتدائية، وذلك لمعرفة مدى مناسبته لتحقيق الهدف الذي وضع من أجله، وقد أقرّ السادة المحكمون صلاحيّة الاختبار و المناسبة، واعتبرت هذه الموافقة دلالة على صدق الاختبار.

ولحساب معلم ثبات الاختبار تم تطبيقه على أفراد المجموعة الاستطلاعية (٣٣ تلميذاً وتلميذة) من تلاميذ الصف الرابع الابتدائي، واستخدمت طريقة التجزئة النصفية "Guttman" لإيجاد معلم الارتباط بين نصف الاختبار (الأسئلة الفردية والأسئلة الزوجية) وهو مماثل لمعلم ثبات الاختبار، حيث وجد أن معلم ثبات الاختبار = .٧٨، وهو معلم ثبات مناسب وكذلك معلم الصدق له = .٨٨، وبعد التأكيد من صدق وثبات الاختبار أصبح معداً للتطبيق في صورته النهائية (ملحق ١).

ثانياً: اختيار مجموعة الدراسة:

من خلال الاطلاع على بعض الدراسات (محمد يوسف، ١٩٧٧؛ Leikin & Zaslavsky, 1997؛ Gillen, 1997؛ Abd El Fattah Ahmed, 1998؛ Constantinesc, 2000؛ Bottge, 1999) سمر الشلهوب، ٢٠٠٤)، نلاحظ تعدد أساليب الكشف عن بطبيعة التعلم، وأن معظم الدراسات استخدمت أكثر من أسلوب، ومن هذه الأساليب: (التحصيل الدراسي السابق - اختبارات الذكاء أو القدرات العقلية - اختبارات المتطلبات القبلية في الرياضيات - اختبارات التحصيل المكتسبة في الرياضيات - اختبارات البنية المعرفية - مقياس اتجاهات نحو تعلم الرياضيات - مقياس الدافعية نحو تعلم الرياضيات - آراء المعلمين والقائمين على تدريس الرياضيات).

وقد تم اختيار مجموعة الدراسة من بين تلاميذ الصف الرابع الابتدائي بمدرستي أبو يكر الصديق الابتدائية، والنهرة الابتدائية (إدارة الوقف التعليمية - محافظة قنا)، في الفصل الدراسي الأول ٢٠٠٦/٢٠٠٧. وذلك في ضوء استخدام الأدوات والإجراءات التالية:

- ١) اختبار المتطلبات القبلية فيما درسه التلاميذ من مفاهيم ومبادئ ومهارات رياضية مرتبطة بالأعداد والعمليات عليها قبل تطبيق تجربة الدراسة (ملحق ١).
- ٢) اختبار القدرات العقلية مستوى ١١-٩ سنة (إعداد فاروق عبد الفتاح موسى، ١٩٨٩) ويتكون هذا الاختبار من تسعة وعشرين سؤالاً يلي كل منها خمسة اختبارات، تقيس هذه الأسئلة القدرات التالية:-
- القدرة اللغوية: المرادف - العكس - معنى المفهوم - تمييز المفهوم - واستخدامه.

- القراء العددية: العمليات الحسابية الأربعية - علاقات الأعداد ببعضها - الاستدلال الحسابي.
- القراء المكانية: تمييز الأشكال - ووضع الأشكال - علاقتها ببعضها - مقارنة الأشكال - حجوم الأشكال.
- الاستدلال: الحسابي واللغوي والمكاني.
- إدراك الحالات: بين الألفاظ والأعداد والأشكال.

ويستخدم هذا الاختبار في تقييم النكاء العلم أو القدرة العقلية للنلاديم بعد تحويل الدرجات الخام التي يحصلون عليها في الاختبار إلى نسبة النكاء الاتحرافية باستخدام جداول المعايير. وهذا الاختبار مalcon على البيئة المصرية لتأهيل المدارس الابتدائية الذين يقعن في الفئة العمرية ١١-٩ سنة، وقد قام الباحث بتطبيق الاختبار على مجموعة من تلاميذ المرحلة الابتدائية لحساب معامل ثباته باستخدام طريقة التجزئة النصفية "جيتمان Guttman" ، حيث وجد أن معامل ثبات الاختبار = ٠,٧٩ ، حيث دلت النتائج على صدق المقاييس فيما وضع له.

(٣) آراء معلمى الرياضيات.

وقد قام الباحث بتطبيق الآلات السابقة على تلميذ الصف الرابع الابتدائي بالمدرستين المختارتين، والجدول التالي يبين نتائج التطبيق.

جدول (١)

المتوسطات الحسابية والاتحرافات المعيارية لدرجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في اختبار المتطلبات القبلية واختبار القدرات العقلية والعمر الزمني
وقيمة (ت) والدالة الإحصائية لفرق بين المتوسطات

المتغير	البيان	التجريبية	الضابطة	العمر الزمني	القبلية	التجريبية	الضابطة	العمر الزمني	التجريبية	الضابطة	القبلية	غير دالة	غير دالة	غير دالة	قيمة (ت)	مستوى الدلالة
اختبار المتطلبات																
القبلية																
اختبار القدرات																
العقلية																

يتضح من جدول (١) أنه لا يوجد فروق ذات دلالة إحصائية عند أي مستوى بين متوسط درجات تلاميذ المجموعتين التجريبية والضابطة في اختبار المتطلبات القبلية واختبار القدرات العقلية، والعمر الزمني، مما يدل على تكافؤ المجموعتين في هذه المتغيرات. وبناءً على هذه النتائج اعتبر أن التلميذ بطيء التعلم في الرياضيات إذا

- درجته في اختبار القراء العقلية أقل من المستوى المتوسط لزملائه بمقدار ٢٠٪.
- درجته في اختبار القراء العقلية تتحصر ما بين (٩٠-٧٠) درجة.
- رأى معلمى، وأن يبحث في التلميذ داعيته للتعلم منخفضة ويتعلم ببطء، ويحتاج تدريس علاجي.

ثالثاً: إعداد الأنشطة التعليمية المعتمدة على استخدام قطع دينز والعرض بالكمبيوتر:

قطع دينز للأساس عشرة مجموعة من قطع البلاستيك بألوان مختلفة، تتيح للتلמיד المشاركة الفاعلة في عملية التعليم والتعلم وتكوين البنى والأشكال الرياضية عن طريق التجارب الحسية المباشرة التي يمارسها. ولها أربعة أشكال (قطع للأحاد - قطع للعشرات - قطع للملفات - قطع للآلاف)، ويمكن وصف كل قطعة من هذه القطع حسب شكلها كالتالي :

جدول (٢)

وصف لقطع دينز للأساس عشرة

القطعة	المنزلة الضربية التي تتمثلها	وصفها
	الأحاد	وهي عبارة عن مكعب صغير يمثل قطعة واحدة آحاد.
	العشرات	وهي عبارة عن عصا أو قضيب يمثل قطعة واحدة عشرات (١٠ قطع آحاد).
	الملفات	وهي عبارة عن شريحة أو طبقة تمثل قطعة واحدة ملفات (١٠٠ قطع عشرات - ١٠٠ قطعة آحاد).
	الآلاف	وهي عبارة عن مكعب كبير يمثل قطعة واحدة آلاف (١٠٠٠ قطع ملفات - ١٠٠ قطع عشرات - ١٠٠ قطعة آحاد).

وقد تم استخدام هذه القطع لتنفيذ أنشطة عملية حسية خاصة بالأعداد والعمليات الرياضية عليها للتلاميذ بطيني التعلم بالصف الرابع الابتدائي مرتبطة في التدرج الهرمي بالمفاهيم والمبادئ والمهارات الرياضية المرتبطة بالأعداد والعمليات عليها في الصنف من الأول إلى الثالث الابتدائي (حيث بينت نتائج تطبيق اختبار المتطلبات القلبية تدني مستوى التلاميذ بطيني التعلم في المفاهيم والمبادئ والمهارات الرياضية المرتبطة بالأعداد والعمليات عليها). مع استخدام العروض التوضيحية Power Point على

للكمبيوتر وجهاز عرض البيانات Data Show لعرض هذه الأنشطة مع لائحة وتدريبات على عمليات (الجمع - الطرح - الضرب - القسمة) الممثلة بقطع دينز للأساس عشرة في مستويات متدرجة الصعوبة لدعم التعلم عن طريق التجارب شبه الحسية.

وبعد إعداد هذه الأنشطة الصلبة والبرمجيات تم عرضها على مجموعة من المحكمين من لجنة المناهج وطرق تدريس الرياضيات بكليات التربية وتكنولوجيا التعليم بكليات التربية النوعية، وتم إجراء بعض التعديلات عليها على ضوء رأي المحكمين وأصبحت معدة للتطبيق في صورتها النهائية (ملحق ٢).

رابعاً: إعداد الاختبار التصصيلي:

الغرض من الاختبار التصصيلي هو إعداد مقياس ثابت وصالح قدر الإمكان لقياس مدى فاعلية استخدام قطع دينز والعرض بالكمبيوتر في تنمية التحصيل للمفاهيم والمبادئ والمهارات الرياضية المرتبطة بالأعداد والعمليات عليها (الوحدة الأولى: الأعداد الكبيرة والعمليات عليها) لدى التلاميذ بطريق التعلم بالصف الرابع الابتدائي.

يتكون هذا الاختبار من ٥ أسئلة متعددة تتضمن مسائل على العمليات الأربع للفظية وغير الفظية مع بعض فقرات الصواب والخطأ ولختير العلامة المناسبة؛ وبعد صياغة أسئلة الاختبار تم عرضه على مجموعة من المحكمين من لجنة المناهج وطرق تدريس الرياضيات بكليات التربية، ووجهى الرياضيات بالمرحلة الابتدائية، وذلك لمعرفة مدى مناسبته لتحقيق الهدف الذي وضع من أجله، وقد قدر الهدف المسادة المحكمون صلاحية الاختبار ومناسبته، واعتبرت هذه الموافقة دلالة على صدق الاختبار.

ولحساب معلم ثبات الاختبار تم تطبيقه على أفراد المجموعة الاستطرافية، واستخدمت طريقة التجزئة النصفية "جيتمان Guttman" لإيجاد معلم الارتباط بين نصف الاختبار وهو مسلو لمعلم ثبات الاختبار، حيث وجد أن معلم ثبات الاختبار = ٧٤،٠ وهو معلم ثبات مناسب وكذلك معلم الصدى لـ ٨٦،٠ وبعد التأكد من صدق وثبات الاختبار أصبح معداً للتطبيق في صورته النهائية (ملحق ٣).

خامساً: إعداد اختبار التفكير الرياضي:

من خلال الاطلاع على العديد من اختبارات التفكير الرياضي، تم إعداد اختبار الهدف منه قياس مستوى التفكير الرياضي لدى التلاميذ بطريق التعلم بالصف الرابع الابتدائي في مكونات التفكير الرياضي التالية: (الاستقراء، الاستبatement، المنطق الشكلي ، التصور البصري المكتاني) وذلك حينما يواجهون موقف أو مشكلة رياضية يبحثون عن حل لها.

يتكون هذا الاختبار من ٢٠ مسألة (٥ أسئلة تقدير التفكير الاستقرائي، ٥ أسئلة تقدير التفكير الاستباطي، ٥ أسئلة تقدير التفكير المنطقي الشكلي ، ٥ أسئلة تقدير التصور البصري المكتاني)، وقد رواعي بقدر الإمكان أن ترتبط أسئلة التفكير الاستقرائي والتفكير الاستباطي والتفكير المنطقي الشكلي بالأعداد والعمليات الأربع على بها بما يناسب المستوى العقلي لتلاميذ الصف الرابع الابتدائي.

وبعد صياغة أسلمة الاختبار تم عرضه على مجموعة من المحكمين من لجنة المناهج وطرق تدريس الرياضيات وعلم النفس التعليمي بكلية التربية، حيث أقرّ السادة المحكمون صحة الأسلمة، وقد اعتبرت هذه الموافقة دلالة على صدق الاختبار.

ولحساب معامل ثبات الاختبار تم تطبيقه على أفراد المجموعة الاستنطاعية، واستخدمت طريقة التجزئة النصفية "جيتمان Guttman" لإيجاد معامل الارتباط بين نصف الاختبار وهو مماثل لمعامل ثبات الاختبار، حيث وجد أن معامل ثبات الاختبار = ٠,٧٢، وهو معامل ثبات مناسب وكذلك معامل الصدق = ٠,٨٥، وبعد التأكد من صدق وثبات الاختبار أصبح معداً للتطبيق في صورته النهائية (ملحق ٤).

مادساً: إجراء تجربة الدراسة للتحقق من صحة الفروض:

بعد الانتهاء من لختيار مجموعة الدراسة وإعداد الأنشطة التعليمية المعتمدة على استخدام قطع بینز للأساس عشرة والعرض بالكمبيوتر، الاختبار التحصيلي، ولختبار التفكير الرياضي ، أجريت تجربة الدراسة بهدف قياس مدى فعالية استخدام قطع بینز والعرض بالكمبيوتر في تنمية التحصيل.(للمفاهيم والمبادئ والمهارات الرياضية المرتبطة بالأعداد والعمليات عليها) والتفكير الرياضي (الاستقراء، الاستنباط، المنطق الشكلي ، التصور البصري) لدى التلاميذ بطبيعة التعلم بالصف الرابع الابتدائي. وقد تمت تجربة الدراسة خلال الفترة من ١٠/٨ - ١١/٢ - ٢٠٠٦، حسب الخطوات التالية:

(١) التطبيق القبلي، لأنواع الدراسة:

أ- تطبيق الاختبار التحصيلي (قبلي) على أفراد مجموعة الدراسة لتحديد مستوى تحصيلهم للمفاهيم والمبادئ والمهارات الرياضية المرتبطة بالأعداد والعمليات عليها. لمعرفة هل هناك فروق في مستوى تحصيلهم قبل إجراء تجربة الدراسة ومدى دلالة هذه الفروق، كما يتضح من الجدول التالي:

جدول (٢)

المتوسطات الحسابية والانحرافات المعيارية لدرجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في (التطبيق القبلي) للاختبار التحصيلي في الرياضيات وقيمة "ت" والدلالة الإحصائية

مستوى الدلالة	قيمة (ت)	الانحراف المعياري	المتوسط الحسابي	العدد (ن)	البيان المجموعة
غير دالة	٠,٧٦٩	٣,٩٢	١٧,٥٦	٣٨	التجريبية
		٤,٦٧	١٦,٨١	٤٠	الضابطة

يتضح من جدول (٢) أنه لا توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند أي مستوى بين متوسط درجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق القبلي للاختبار التحصيلي في الرياضيات، مما

يؤكد تكاليف المجموعتين في تحصيل الرياضيات قبل التدريس باستخدام الأنشطة التعليمية المعتمدة على استخدام قطع دينز للأسماء عشرة والعرض بالكمبيوتر.

بـ- تطبيق لاختبار التفكير الرياضي (قبلي) على فرد مجموعتي الدراسة لتحديد مستوى تفكيرهم الرياضي، لمعرفة هل هناك فرق في مستوى تفكيرهم الرياضي (الاستقراء، الاستنباط، المنطق الشكلي، التصور البصري) قبل إجراء تجربة الدراسة ومدى دلالة هذه الفروق، كما يتضح من الجدول التالي:

جدول (٤)

المتوسطات الصافية والاحترافات المعيارية لدرجات فرد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في (التطبيق القبلي) لاختبار التفكير الرياضي وقيمة "ت" والدلالة الإحصائية

المتغير	البيان	المجموعة	العدد (ن)	المتوسط للحصولي	الإنحراف المعياري	قيمة (ت)	مستوى الدلالة
الاستقراء	التجريبية	الضابطة	٣٨	١٢,٧٢	٣,٤٦	٠,٥٥٧	غير دالة
	التجريبية	الضابطة	٤٠	١٢,٣١	٢,٠٨		
الاستنباط	التجريبية	الضابطة	٣٨	١٣,٣٥	٥,٢٤	٠,٤٩٥	غير دالة
	التجريبية	الضابطة	٤٠	١٢,٧١	٦,١٧		
المنطق الشكلي	التجريبية	الضابطة	٣٨	١١,٥٤	٣,٨٢	٠,٣٠٣	غير دالة
	التجريبية	الضابطة	٤٠	١٠,٩١	٤,٣٥		
التصور البصري	التجريبية	الضابطة	٣٨	١٣,٦٩	٦,٨٦	٠,٥٥٦	غير دالة
	التجريبية	الضابطة	٤٠	١٢,٨٧	٦,٠٨		
الاختبار ككل	التجريبية	الضابطة	٣٨	٥١,٣٠	١٢,٩٥	٠,٧٠٩	غير دالة
	التجريبية	الضابطة	٤٠	٤٨,٨٠	١١,٥٢		

يتضح من جدول (٤) أنه لا توجد فروقات ذات دلالة بحصانية عند أي مستوى بين متوسط درجات فرد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق القبلي لاختبار التفكير الرياضي؛ مما يؤكد تكاليف المجموعتين في التفكير الرياضي قبل التدريس باستخدام الأنشطة التعليمية المعتمدة على استخدام قطع دينز للأسماء عشرة والعرض بالكمبيوتر.

٢) التدريس للمجموعة التجريبية باستخدام الأنشطة التعليمية المعتمدة على استخدام قطع دينز للأسماء عشرة والعرض بالكمبيوتر:

حيث يقوم الباحث أولاً بإجراء النشاط باستخدام قطع دينز للأسماء عشرة ، ثم تترك الفرصة للتلاميذ للقيام بالنشاط العملي باستخدام هذه القطع بأنفسهم وتطبيقها على بعض المفاهيم وال العلاقات المرتبطة بالأعداد مع إجراء العمليات الرياضية الأربعه باستخدامها. يعقب ذلك استخدام العروض التوضيحية Power Point على الكمبيوتر وجهاز عرض البيانات Data Show لعرض هذه الأنشطة مع لائحة وتدريبات على العمليات الأربعه المماثلة بقطع دينز للأسماء عشرة في مستويات متدرجة الصعوبة لدعم استطاعه طريق التجارب شبه الحسية، مع ترك الفرصة للتلاميذ بالتناوب لاستخدام الكمبيوتر والعرض بأنفسهم. مع

متبلعة للتلاميذ وتقديم للنتيجة الراجحة لهم وعلاج نواحي الفصور لديهم. على أن يتم التدريس للمجموعة الضابطة بالطريقة العلية (التقليدية).

٣) للتطبيق البعدى لأقوال الدراسة:

- أ- تطبيق الاختبار التحصيلي (بعدى) على أفراد مجموعتي الدراسة لمعرفة مدى التحسن في مستوى تحصيلهم للمفاهيم والميدان والمهارات الرياضية المرتبطة بالأعداد والعمليات عليها.
- ب- تطبيق اختبار التفكير الرياضي (بعدى) على أفراد مجموعتي الدراسة لمعرفة مدى التحسن في مستوى تفكيرهم الرياضي (الاستقراء، الاستنباط، المنطق الشكلي ، التصور البصري).

٤) معالجة النتائج لحصولها باستخدام البرنامج الإحصائي SPSS باستخدام الكمبيوتر لتحقيق من صحة فروض الدراسة.

٥) التحقق من صحة الفرض الأول للدراسة وهو :

• توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.001) بين متوسط درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التحصيلي في الرياضيات لصالح تلاميذ المجموعة التجريبية .

ولتتحقق من صحة هذا الفرض تم حساب المتوسطات الحسابية والانحرافات المعيارية لدرجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في (التطبيق البعدى) لاختبار التحصيلي في الرياضيات لمعرفة هل هناك فروق في مستوى تحصيلهم بعد إجراء تجربة الدراسة ومدى دلالة هذا الفرق، كما يتضح من الجدول التالي:

جدول (٥)

المتوسطات الحسابية والانحرافات المعيارية لدرجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في (التطبيق البعدى) لاختبار التحصيلي في الرياضيات وقيمة t والدلالة الإحصائية

المجموعه	البيان	العدد (ن)	المتوسط الحسابي	الانحراف المعياري	قيمه (t)	مستوى الدلالة
التجريبية		٢٨	٣٧,١٣	٦,٧٢	١٠,٣٢٧	دلالة عند مستوى 0.01
		٤١	٢٠,٥٢	٧,٤٨		الضابطة

يتضح من جدول (٥) أنه توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (٠٠٠١) بين متوسط درجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التحصيلى فى الرياضيات لصالح أفراد المجموعة التجريبية؛ وهذه النتائج تؤكد صحة الفرض الأول من فروض الدراسة.

وللحاقى من فعالية التدريس باستخدام الأنشطة التعليمية المعتمدة على استخدام قطع دينز للأسماء عشرة والعرض بالكمبيوتر فى تربية التحصيل فى الرياضيات، تم حساب نسبة الكسب المعدل لبلاك باستخدام المعادلة المعدة لذلك (سلمية هلال، ٢٠٠٢: ١٢٧)، كما يتضح من الجدول التالي:

جدول (٦)

**المتوسطات الحسابية لدرجات أفراد المجموعة التجريبية في التطبيق (القبلي، والبعدى)
للاتختبار التحصيلي في الرياضيات ونسبة الكسب المعدل لبلاك**

نسبة الكسب المعدل	المتوسط الحسابي (بعدى)	المتوسط الحسابي (قبلي)	الدرجة	البيان	المتغير
١,٩١	٣٧,١٣	١٧,٥٦	٥٠		الاختبار التحصيلي

يتضح من جدول (٦) أن التدريس باستخدام الأنشطة التعليمية المعتمدة على استخدام قطع دينز للأسماء عشرة والعرض بالكمبيوتر ذو اثر فعل في تربية التحصيل في الرياضيات لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائي بطريقى التعلم. حيث إن قيمة الكسب المعدل لبلاك أكبر من الحد الماصل للفعالية (١,٢)، وهذه النتائج تجيب عن السؤال الأول للدراسة وهو: ما فاعالية استخدام قطع دينز والعرض بالكمبيوتر في تربية التحصيل في الرياضيات لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائي بطريقى التعلم؟

*** التحقق من صحة الفرض الثاني للدراسة وهو:**

”توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (٠٠٠١) بين متوسط درجات تلاميذ المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضى لصالح تلاميذ المجموعة التجريبية“.

وللحاقى من صحة هذا الفرض تم حساب المتوسطات الحسابية والانحرافات المعيارية لدرجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضى لمعرفة هل هناك فروق في مستوى تفكيرهم الرياضى (الاستقراء، الاستبatement، المنطق الشكلى، التصور البصري) بعد إجراء تجربة الدراسة ومدى دلالة هذه الفروق، كما يتضح من الجدول التالي:

جدول (٧)

المتوسطات الحسابية والاحرازات المعيارية لدرجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في (التطبيق البعد) لاختبار التفكير الرياضي وقيمة t والدالة الإحصائية

مستوى الدالة	قيمة (t)	الأحرف المعياري	المتوسط الحسابي	العدد (ن)	المجموعة	البيان	المتغير
دالة عند مستوى $0,01$	٩,٩٥١	٧,٦٢ ٥,٤٧	٣٠,٨٦ ١٥,٣٥	٣٨ ٤٠	التجريبية الضابطة		الاستقرار
دالة عند مستوى $0,01$	٨,٠٦٩	٨,٧٥ ٩,٦٨	٣١,٦٧ ١٤,٨٣	٣٨ ٤٠	التجريبية الضابطة		الاستبساط
دالة عند مستوى $0,01$	٨,٥٣٨	٧,٩١ ٨,٤٦	٢٩,٤٨ ١٣,٦٥	٣٨ ٤٠	التجريبية الضابطة		المنطق الشكلي
دالة عند مستوى $0,01$	٨,٣٧٤	٩,٨٧ ٨,٩٣	٣٢,١٧ ١٤,٢٩	٣٨ ٤٠	التجريبية الضابطة		التصور البصري
دالة عند مستوى $0,01$	٢٣,٣٧٨	١١,٣٤ ٩,٧٢	١٢٤,١٨ ٦٨,١٢	٣٨ ٤٠	التجريبية الضابطة		الاختبار ككل

يتضح من جدول (٧) أنه توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى ($0,01$) بين متوسط درجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعد لاختبار التفكير الرياضي (الاستقرار، الاستبساط، المنطق الشكلي، التصور البصري) لصالح أفراد المجموعة التجريبية، وهذه النتيجة تؤكد صحة الفرض الثاني من فروض الدراسة.

وتحقيق من فعالية التدريس باستخدام الأنشطة التعليمية المعتمدة على استخدام قطع دينز للأساس عشرة والعرض بالكمبيوتر في تنمية التفكير الرياضي (الاستقرار، الاستبساط، المنطق الشكلي، التصور البصري)، تم حساب نسبة الكسب المعدل لبلالك باستخدام المعادلة المعدة لذلك (سامية هلال، ٢٠٠٢: ١٢٧)، كما يتضح من الجدول التالي:

جدول (٨)

المتوسطات الحسابية لدرجات فراد المجموعة التجريبية في التطبيق
(القديم، والبعدي) لاختبار التفكير الرياضي ونسبة الكسب المعدل ليلات

نسبة الكسب المعدل	المتوسط الحسابي (بعدي)	المتوسط الحسابي (قديم)	الدرجة	البيان	المتغير
١,٣١	٣٠,٨٦	١٢,٧٢	٥٠		الاستقرار
١,٢٩	٣١,٦٧	١٣,٣٥	٥٠		الاستبatement
١,٢٣	٢٩,٤٨	١١,٥٤	٥٠		المنطق الشكلي
١,٤١	٣٢,١٧	١٣,٦٩	٥٠		التصور البصري
١,٣٣	١٢٤,١٨	٥١,٣٠	٢٠٠		الاختبار ككل

يتضح من جدول (٨) أن التدريس باستخدام الأنشطة التعليمية المعتمدة على استخدام قطع بينز للأسماء حشرة والعرض بالكمبيوتر ذو أثر فعال في تربية التفكير الرياضي (الاستقرار، الاستبatement، المنطق الشكلي، التصور البصري) لدى تلميذ الصف الرابع الابتدائي بطريق النظم. حيث إن قيمة الكسب المعدل ليلات أكبر من الحد الفاصل للفعالية (١,٢)، وهذه النتيجة تجحب عن السؤال الثاني للدراسة وهو: "ما فاعلية استخدام قطع بينز والعرض بالكمبيوتر في تربية التفكير الرياضي لدى تلميذ الصف الرابع الابتدائي بطريق النظم؟".

* التحقق من صحة الفرض الثالث للدراسة وهو:

"توجد علاقة ارتباطية موجبة ذات درجة إحصائية بين متوسط درجات تلاميذ المجموعة التجريبية في الاختبار التحصيلي وبين متوسط درجاتهم في اختبار التفكير الرياضي".

لتتحقق من صحة هذا الفرض تم حساب المتوسطات الحسابية وكذلك الدرجات عن كل متوسط والاحرف المعياري لدرجات فراد المجموعة التجريبية في التطبيق البعدي لاختبار التحصيلي ولاختبار التفكير الرياضي (الاستقرار، الاستبatement، المنطق الشكلي، التصور البصري)، ثم استخدمت طريقة الدرجات المعيارية لحساب معامل الارتباط، كما يتضح من الجدول التالي:

جدول (٩)

المتوسط الحسابي والانحراف المعياري ومجموع حاصل ضرب الانحراف عن متوسط درجات أفراد المجموعة التجريبية في التطبيق البعدى لاختبار التحصيلي ولختبار التفكير الرياضى ومعامل ارتباط الدرجات ومستوى الدالة

مستوى الدالة	معامل ارتباط	مجمـ (ح من × ح من)	الانحراف المعياري	المتوسط الحسابي	بيان المتغير
دالة عند مستوى .٠٠١	.٠٤٤٢	١٢٧٨,٥٨	٦,٧٢	٣٧,١٣	الاختبار التحصيلي
			١١,٣٤	١٢٤,١٨	لختبار التفكير الرياضى

يتضح من جدول (٩) أنه بالكشف عن قيمة (ر) في الجداول الإحصائية عند ما تكون $N = 38$ وجد أن هناك ارتباطاً موجهاً دالاً عند مستوى .٠٠١ بين درجات أفراد المجموعة التجريبية في التطبيق البعدى لاختبار التحصيلي وبين درجاتهم في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضى، ولذا يمكن القول أن نمو مستوى التفكير الرياضى (الاستقراء، الاستنباط، المنطق الشكلى، التصور البصري) لدى تلميذ الصف الرابع الابتدائى بطينى التعلم قليله نمواً في مستوى تحصيلهم في الرياضيات، وهذا يؤكد صحة الفرض الثالث للدراسة، ويجب عن السؤال الثالث للدراسة وهو: ما مدى الارتباط بين التفكير الرياضى والتحصيل فى الرياضيات لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائى بطينى التعلم؟

سایعاً: مناقشة النتائج وتفسيرها:

بناءً على النتائج التي تم التوصل إليها من خلال تنفيذ التدريس بالأنشطة التعليمية المعتمدة على استخدام قطع دينز للأساس عشرة والعرض بالكمبيوتر، والتطبيق القبلي والبعدى لاختبار التحصيلي في الرياضيات، واختبار التفكير الرياضى، بهدف قياس مدى فاعالية استخدام قطع دينز والعرض بالكمبيوتر في تنمية التحصيل (للمفاهيم والمبادئ والمهارات الرياضية المرتبطة بالأعداد والعمليات عليها) والتفكير الرياضى (الاستقراء، الاستنباط، المنطق الشكلى ، التصور البصري) لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائى بطينى التعلم. يمكن تحليل هذه النتائج وتفسيرها على النحو التالي:

(١) تحليل نتائج الفرض الأول:

من الجدول (٥) يتضح أنه توجد فروق ذات دالة إحصائية عند مستوى (٠٠٠١) بين متوسط درجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التحصيلي في الرياضيات لصالح أفراد المجموعة التجريبية؛ وقد يتضح من جدول (٦) أن التدريس باستخدام الأنشطة التعليمية المعتمدة على استخدام قطع دينز للأساس عشرة والعرض بالكمبيوتر ذو أثر فعل في تعمير التحصيل في الرياضيات لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائى بطينى التعلم. حيث إن قيمة الكسب المعدل لهلاك

أكبر من الحد الفاصل للفعالية(١,٢)؛ وهذه النتيجة تؤكد فاعلية استخدام قطع دينز والعرض بالكمبيوتر في تنمية التحصيل في الرياضيات لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائي بطيني التعلم.

٢) تحليل نتائج الفرض الثاني:

من جدول (٧) اتضح أنه توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (٠,٠١) بين متوسط درجات أفراد المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضى (الاستقراء، الاستنباط، المنطق الشكلى، التصور البصري) لصالح أفراد المجموعة التجريبية؛ وقد اتضح من جدول (٨) أن التدريس باستخدام الأنشطة التعليمية المعتمدة على استخدام قطع دينز للأساس عشرة والعرض بالكمبيوتر ذو أثر فعال في تنمية التفكير الرياضى (الاستقراء، الاستنباط، المنطق الشكلى، التصور البصري) لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائى بطيني التعلم. حيث إن قيمة الكمب المعدل لهلاك أكبر من الحد الفاصل للفعالية (١,٢)؛ وهذه النتيجة تؤكد فاعلية استخدام قطع دينز والعرض بالكمبيوتر في التفكير الرياضى لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائى بطيني التعلم أيضاً.

٣) تحليل نتائج الفرض الثالث:

من جدول (٩) اتضح أن هناك ارتباطاً موجباً دالاً عند مستوى ٠,٠١ بين درجات أفراد المجموعة التجريبية في التطبيق البعدى للاختبار التحصيلي وبين درجاتهم في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضى، ولذا يمكن القول أن نمو مستوى التفكير الرياضى (الاستقراء، الاستنباط، المنطق الشكلى، التصور البصري) لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائى بطيني التعلم قبله نمواً في مستوى تحصيلهم في الرياضيات. وهذا يؤكد الارتباط بين التفكير الرياضى والتحصيل في الرياضيات لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائى بطيني التعلم، وأن هذه الفئة من التلاميذ يمكنهم التفكير إذا ما أتيحت لهم الفرص في الرعاية والتعلم بأساليب تتفق و حاجاتهم وخصائصهم.

القيمة التربوية للدراسة:

بعد اختيار أسلوب التدريس العلاجي المناسب للتلاميذ بطيني التعلم في الرياضيات من الأسور الضرورية،فينبغي أن يراعى عند اختيار الأسلوب العلاجي أن يعتمد على المحسosات والمشاركت الفاعلة من جانب التلميذ في عملية التعليم والتعلم. فقد أظهرت نتائج الدراسة فاعلية التدريس باستخدام الأنشطة التعليمية المعتمدة على استخدام قطع دينز للأساس عشرة والعرض بالكمبيوتر في تنمية التحصيل والتفكير الرياضى (الاستقراء، الاستنباط، المنطق الشكلى، التصور البصري) لدى تلاميذ الصف الرابع الابتدائى بطيني التعلم. وبناءً على ما توصلت إليه الدراسة من نتائج تنادى باستخدام أسلوب التدريس بالأنشطة التعليمية المعتمدة على استخدام قطع دينز للأساس عشرة وانعرض بالكمبيوتر لما تقدمه من تشويق وإثارة للتلاميذ في الحصة. وتنظر القيمة التربوية للدراسة في الأوجه التالية:

لولا: استخدام بعض الإجراءات لتحديد التلاميذ بطيئي التعلم في الرياضيات، يمكن للباحثين استخدامها. وهذه الإجراءات هي:

- ١) اختبار المتطلبات الفهلوية فيما درسه التلاميذ من مفاهيم ومبادئ ومهارات رياضية مرتبطة بالأعداد والعمليات عليها قبل تطبيق تجربة الدراسة.
- ٢) اختبار القدرات العقلية مستوى ١١ سنة (إعداد فلورق عبد الفتاح موسى، ١٩٨٩) ويكون هذا الاختبار من تسعة سؤالاً على كل منها خمسة اختيارات، تقيس هذه الأسئلة القدرة اللغوية، القدرة العددية القدرة المكتبة، الاستدلال، إبراز العلات.
- ٣) آراء معلم الرياضيات.

حيث قلم الباحث بتطبيق الأقواء السابقة على تلاميذ الصف الرابع الابتدائي. وبناءً على هذه النتائج اعتبر أن التلاميذ بطيئي التعلم في الرياضيات إذا كانت:

- درجته في اختبار المتطلبات الفهلوية أقل من المستوى المتوسط لزملائه بمقدار ٢٠٪.
- درجته في اختبار القدرات العقلية تتحصر ما بين (٧٠-٩٠) درجة.
- رأي معلم الرياضيات أن التلميذ داعيته للتعلم منخفضة ويتعلم ببطء، ويحتاج تدريس علاجي.

ثانياً: إعداد مجموعة من الأنشطة التعليمية المعتمدة على استخدام قطع دينز والعرض بالكمبيوتر: تتيح للتلמיד المشاركة الفاعلة في عملية التعليم والتعلم وتكوين البنى والآفكار الرياضية عن طريق التجارب الحسية المباشرة التي يمارسها، يمكن للباحثين والمهتمين بتدريس الرياضيات الاستفاده منها.

ثالثاً: إعداد اختبار تحصيلي مقتن في الرياضيات للصف الرابع الابتدائي.

رابعاً: إعداد اختبار لقياس التفكير الرياضي (الاستقراء، الاستنباط، المنطق الشكلي، التصور البصري) لدى التلاميذ بالصف الرابع الابتدائي يمكن الاستفادة منه وتحصيم تطبيقه على مجموعات أخرى.

توصيات ومقترنات للدراسة:

بناء على ما توصلت إليه الدراسة من نتائج يوصي الباحث ما يلى:

- الاهتمام باستخدام بعض أساليب التدريس العلاجي التي تعتمد على الوسائل التعليمية المحسوسة مع التلاميذ بطيئي التعلم في الرياضيات مثل: التعلم التعاوني الألعاب الرياضية بقطع دينز والعروض التقديمية باستخدام الكمبيوتر.
- ينبغي أن تتاح الفرصة للتلמיד للمشاركة الفاعلة في الأنشطة التعليمية لأن ذلك يساعد على بناء ثرث التعليم لديهم.
- ينبغي الاهتمام بتدريب معلم الرياضيات بالمرحلة الابتدائية على كيفية استخدام الأساليب التدريسية المناسبة للتلاميذ بطيئي التعلم، وتدريبهم على كيفية استخدام الكمبيوتر والبرمجيات التعليمية.

واستكمالاً لهذه الدراسة يقترح الباحث تقييم بادراسات التالية:

- فاعلية استخدام أسلوب التدريس المعلمى على تنمية التفكير الهندسى والتحصيل لدى التلاميذ بطيلي النظم بالمرحلة الابتدائية.
- فاعلية برنامج مقترح لتدريب معلمى المرحلة الابتدائية على استخدام أساليب التدريس العاجي مع التلاميذ بطيلي النظم في الرياضيات فى تنمية مهارات التدريس والاتجاه نحو المهنة لديهم.
- فاعلية استخدام قطع دينز للأساس عشرة والعرض على الكمبيوتر في تنمية المفاهيم والعلاقات والصلوات الرياضية المرتبطة الكسور العشرية لدى تلاميذ المرحلة الابتدائية بطيلي النظم.

مراجع الدراسة

- ١- إبراهيم عابد الزهيري (١٩٩٨): سلسلة تربوية ذوي الحالات الخاصة ونظم تعليمهم. القاهرة: مكتبة زهراء للشرق.
- ٢- إبراهيم عبد الوكيل الفار (٢٠٠٠). تقنيات الحاسوب وتحديثات مطلع القرن العادي والعشرين, ط٢، القاهرة، دار الفكر العربي.
- ٣- إبراهيم محمد أحمد المصان (٢٠٠٤). فاعلية البرمجة كاستراتيجية لتعليم الرياضيات في تنمية التفكير الرياضي لطلاب المرحلة الثانوية, رسالة دكتوراه ، كلية التربية بدمياط، جامعة المنصورة.
- ٤- توما جورج الخوري (٢٠٠٢). الطفل الموهوب والطفل بطيء التعلم. بيروت: المؤسسة الجامعية للدراسات والنشر والتوزيع.
- ٥- حفيظ إسماعيل محمد (٢٠٠٥). تعليم وتعلم الرياضيات بأساليب غير تقليدية, الرياض، مكتبة الرشد.
- ٦- ----- (٢٠٠٦). تصور مقترن لاختيار الطالب/المعلم (شعبة الرياضيات) بكلية التربية في ضوء نظرية الذكاءات المتعددة وبعض أنماط التفكير، المؤتمر العلمي: مؤسسات إعداد المعلم في الوطن العربي بين الواقع والمأمول، كلية التربية جامعة الفيوم، ١٨ - ٢٠ أبريل.
- ٧- زينب محمد أمين (٢٠٠٦). برمجيات الكمبيوتر التعليمية, المنيا، دار الهدى للنشر والتوزيع.
- ٨- سلمية حسنين عبد الرحمن هلال (٢٠٠٢). برنامج لتنمية مهارات التفكير الرياضي لدى طلاب كلية التربية شعبة الرياضيات, رسالة دكتوراه غير منشورة، كلية التربية ببنها، جامعة الزقازيق.
- ٩- سمر عبد العزيز محمد الشلهوب (٤). فاعلية استراتيجية قائمة على التعلم التعلوني ومعلم الرياضيات في تنمية التحصيل في الهندسة والاتجاه نحوها لدى التلميذات ببطيلات التعليم بالمرحلة المتوسطة, رسالة ماجستير، الرياض، كلية التربية للبنات.
- ١٠- عبد العزيز طلبة عبد الحميد (٢٠٠٢). برنامج مقترن لتدريب الطلاب المعلمين على استخدام العروض التوضيحية power point في تصميم و إنتاج برمجيات تعليمية متعددة الوسائط وتنمية اتجاهاتهم نحو استخدام الكمبيوتر في التعليم, مؤتمر مناهج التعليم في ضوء مفهوم الأداء, المجلد الأول، الجمعية المصرية للمناهج وطرق التدريس، ٢٤ - ٢٥ يونيو.
- ١١- عبد الفتاح محمد أحمد (١٩٩٨). أثر استخدام الطريقة المعملية في إكساب مفاهيم ومهارات الرياضيات للתלמיד بطيئي التعلم بالمرحلة الابتدائية الازهرية. رسالة ماجستير، كلية التربية بقتا، جامعة جنوب الوادى.
- ١٢- عصام وصفى روافائيل، محمد أحمد يوسف (٢٠٠١): تعليم وتعلم الرياضيات في القرن العادي والعشرين. القاهرة: مكتبة الانجلو المصرية.
- ١٣- فاروق عبد الفتاح موسى(١٩٨٩). لختبار القراءات العقلية مستوى ٩ - ١١ سنة, ط٤)، القاهرة، مكتبة النهضة المصرية.
- ١٤- فتحي إبراهيم الزعبي (٢٠٠٠). بطيء التعلم والمتلقيون كيف نرعاهم؟. مجلة دراسات تربوية،

- وزارة التربية والتعليم بدولة الإمارات العربية المتحدة، العدد الثاني.
- ١٥- فريديريك هـ. بل (١٩٩٧). طرق تدريس الرياضيات. ترجمة: محمد المفتى وأخرون. ط(٢)، ج (٢)، القاهرة: الدار العربية للنشر والتوزيع.
- ١٦- محبات أبو عميرة (٢٠٠٠). تعليم الرياضيات للأطفال بطيني، التعلم (دراسة تجريبية). القاهرة: مكتبة الدار العربية للكتب.
- ١٧- محمد أحمد يوسف (١٩٩٧): "فاعلية برنامج مقترح في الرياضيات على تحصيل التلاميذ بطيني التعلم بالحلقة الثانية من مرحلة التعليم الأساسي". رسالة دكتوراه، كلية البنات، جامعة عين شمس.
- ١٨- محمد عبد الله عبيد (٢٠٠٦). "فاعلية التعلم الفردي الذاتي ببرمجية كمبيوتر مقترحه في تكنولوجيا التعليم على المهارات التعليمية وبناء اثر التعلم لدى طلاب كلية التعليم الصناعي (دراسة تجريبية)" ، المؤتمر العلمي الثامن عشر: مناهج التعليم وبناء الإنسان العربي، المجلد الثاني، الجمعية المصرية للمناهج وطرق التدريس، دار الضيافة، جامعة عين شمس، ٢٥ - ٢٦ يوليو.
- ١٩- محمد محمود محمد حمادة (٢٠٠٥). "فاعلية استراتيجيتي (ففر- زاوج- شارك) والاستقصاء القائنين على أسلوب التعلم النشط في نوادي الرياضيات المدرسية في تنمية مهارات التفكير الرياضي والختزال فلسق الرياضيات لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية" ، مجلة دراسات تربوية واجتماعية، العدد الثالث، كلية التربية، جامعة حلوان.
- ٢٠- محمود إبراهيم بدرا (٢٠٠١). "استخدام الإنترنت في تدريس وحدة الإحصاء لطلاب الصف الأول الثانوي" ، المؤتمر العلمي الثالث عشر: مناهج التعليم والتثورة التكنولوجية المعاصرة، المجلد الأول، الجمعية المصرية للمناهج وطرق التدريس، دار الضيافة، جامعة عين شمس، ٢٤ - ٢٥ يوليو.
- ٢١- مكتب التربية العربي لدول الخليج العربي (١٩٩٧): تعليم الأطفال بطيني التعلم بمراحل التعليم العام في دول الخليج العربي، المركز العربي للبحوث التربوية لدول الخليج، الكويت، مايو.
- ٢٢- وليم عبيد وأخرين (٢٠٠٤). طرق تدريس الرياضيات (٢)، برنامج تأهيل معلمي المرحلة الابتدائية لل المستوى الجامعي، القاهرة، دار التوفيقية للطباعة.

- 23--Berg, S., et al. (1997). The Coordination and The Teachers: A Description of Exemplary Use of Technology in Elementary Classrooms, (ERIC Document Database) , No2. ED 414877.
- 24-Bottge, Brian A. (1999). Effects of contextualized math instruction on problem solving of average and below-average achieving students. Journal of Special Education, Vol. 33, No. 2, PP. 81-92, (ERIC Abstract), No2, EJ 591237.
- 25- Brown, S, et al. (1999). Computer-Assisted Assessment in High Education, London, Kogan Page.
- 26-Child, D. (2003). Psychology and the Teacher. London, Continuum International Publishing Group.
- 27-Constantinesc, U. (2000): Evaluation of mathematics education system in

- Romania. Arithmetic Teacher, D A I, Vol. 32, No. 5.
- 28-Craig, J. (2005). Assessing the Relationship Between Questioning and Understanding to Improve Learning and Thinking (QUILT) and Student Achievement in Mathematics: A Pilot Study, Appalachia Educational Laboratory at Edvantia (NJ1), Web site: <http://www.Edvantia.Org>.
- 29-Gillen, J. T. (1997). What happens to slow learners? A descriptive Study of Educational Practices. D A I, Vol. 58, No. 6, P. 2069.
- 30- Grbe, M. & Grabe, C. (1998). Integrating Technology for Meaningful Learning , 2nd ed., New York, Houghton Mifflin.
- 31- Jonassen, D. et al. (1999). Learning with Technology : A Constructivist Perspective, New York, Prentice Hall, Inc.
- 32-Kathleen,S. & Ann, L.(2001). Improving Student Mathematical Thinking Skills Through Improved Use of Mathematical Vocabulary and Numerical Operation. Web site: <http://www.Edrs.Com/Member/Sp.CFM?AN=ED 455120>.
- 33- Khadivi, M. R. (2002). Computers for Mathematics : Theoretical Solution Versus Constructive Solution, Journal of Computers in Mathematics and Science Teaching , , Vol. 21, No.3, PP. 281-286.
- 34- Leikn, R. & Zaslavsky, O. (1997). Facilitating Student Interactions in Mathematics in A Cooperative Learning Setting, Journal for Research in Mathematics Education, Vol. 28, PP. 331-354.
- 35- Lloyd, G. M. & Wilson, M. V. (2001). Offering Prospective Teachers Tools Connect Theory and Practice : Hypermedia in Mathematics Teacher Education, Journal of Technology and Teacher Education, ,Vol. 9, No.4, PP. 497- 518.
- 36- Maier, P. & Warren, A. (2000). Integrating Technology in Learning and Teaching, London ,Kogan page.
- 37- Manoucherhri , A. (1999). Computers and School Mathematics Reform : Implications for Mathematics Teacher Education, Journal Computers in Mathematics and Science Teaching, Vol.18, No.1, PP. 31-48.
- 38-National Council of Teachers of Mathematics (2000). Principles and Standards for School Mathematics, Reston VA, Author.
- 39-O'callaghan, B. R. (1998). Computer-Intensive Algebra and Students' Conceptual Knowledge of Functions, Journal for Research in Mathematics Education, Vol. 29, PP. 21-40.
- 40-Pape, S. Et al (2003). Developing Mathematical Thinking & Self Regulation Learning: A Teaching Experiment in a Seventh-Grade Mathematics class room. Educational Studies in Mathematics, Vol.53, Issu. 3, p 179.
- 41- Slough, S. W. & Chamblee, G. E. (2000).Grade 4 and Grade 5 Teachers' Perceptions of Technology Implementation in Mathematics Instruction, International Conference on Mathematics / Science Education and Technology, Vol. 1, No.1, PP. 363-368.

- Soriano -Nagurski, L. et al. (1998). Four stories Four children one special need, To be warmly included. Young Children, Vol. 53, No. 2, PP. 40-49.
- Zbiek, R. M. (1998). Prospective Teachers' Use of Computing Tools to Develop and Validate Functions as Mathematical Models, Journal for Research in Mathematics Education, Vol. 29, PP. 84-107.